

Total No. of Questions - 30

Regd.

Total No. of Printed Pages - 3

No.

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Part - III**MATHEMATICS, Paper - I (A)****(Telugu Version)****Time : 3 Hours]****[Max. Marks : 75]**

గమనిక : ఈ ప్రశ్నావత్తంలో A, B మరియు C లనే మూడు విభాగాలున్నాయి.

విభాగము - A **$10 \times 2 = 20$**

I. అతి న్యూనమధాన ప్రశ్నలు.

(i) అన్ని ప్రశ్నలకు జవాబులు భాయండి.

(ii) ప్రతి ప్రశ్నకు రెండు మార్కులు.

1. $A = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ అయితే $f : A \rightarrow B$ సంగ్రహ ప్రమేయం $f(x) = x^2 + x + 1$ గా నిర్వచించి B కనుక్కోండి.2. $f(x) = \sqrt{(x+2)(x-3)}$ వాస్తవ మూల్య ప్రమేయం ప్రదేశం కనుక్కోండి.3. $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & -5 \\ 2 & -1 & 5 \\ 2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ అయితే జాడ A కనుక్కోండి.4. $A = \begin{bmatrix} 2 & -4 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$ అయితే $A + A'$ ను కనుక్కోండి.5. $\bar{a} = \bar{i} + 2\bar{j} + 3\bar{k}, \bar{b} = 3\bar{i} + \bar{j}$ అయితే $\bar{a} + \bar{b}$ దిశలో యూనిట్ సదిశను కనుక్కోండి.6. $2\bar{i} + \bar{j} + 3\bar{k}, -4\bar{i} + 3\bar{j} - \bar{k}$ బిందువులను కలిపి రేఖ సదిశా సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.7. $2\bar{i} + \lambda\bar{j} - \bar{k}, 4\bar{i} - 2\bar{j} + 2\bar{k}$ సదిశలు పరస్పరం లంబంగా ఉంటి, λ విలువను కనుక్కోండి.8. $\sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)$ విలువను కనుక్కోండి.9. $\cos\left(\frac{4x+9}{5}\right)$ ప్రమేయానికి ఆవర్తనం కనుక్కోండి.10. $\sinh x = \frac{3}{4}$ అయితే $\cosh(2x)$ ను కనుక్కోండి.

II. న్యల్ప సమాధాన ప్రశ్నలు.

(i) ఏవైనా ఐదు ప్రశ్నలకు సమాధానాల్చింది.

(ii) ప్రతి ప్రశ్నకు నాలుగు మార్గాలు.

11. $\theta - \phi = \frac{\pi}{2}$ అయితే

$$\begin{bmatrix} \cos^2 \theta & \cos \theta \sin \theta \\ \cos \theta \sin \theta & \sin^2 \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos^2 \phi & \cos \phi \sin \phi \\ \cos \phi \sin \phi & \sin^2 \phi \end{bmatrix} = 0 \text{ అని చూపండి.}$$

12. $A = \begin{bmatrix} 7 & -2 \\ -1 & 2 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 4 & 2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ అయితే AB' , BA' లను కనుక్కోండి.

13. ABCDEF కమ వడ్చుజి కేంద్రం 'O' అయితే $\overline{AB} + \overline{AC} + \overline{AD} + \overline{AE} + \overline{AF} = 3\overline{AO}$ అని చూపండి.

14. $4x - 12y - 3z - 7 = 0$ తలానికి సమాంతరంగా ఉంటూ, $A(2, -1, -4)$ బిందువు గుండా పోయే తలానికి కార్టీసియన్ సమీకరణం కనుక్కోండి.

15. $|\vec{a}| = 13, |\vec{b}| = 5, \vec{a} \cdot \vec{b} = 60$ అయితే $|\vec{a} \times \vec{b}|$ ని కనుక్కోండి.

16. $A + B = \frac{\pi}{4}$ అయితే, $(1 + \tan A)(1 + \tan B) = 2$ అని నిరూపించండి.

17. $(1 + \cos \frac{\pi}{10})(1 + \cos \frac{3\pi}{10})(1 + \cos \frac{7\pi}{10})(1 + \cos \frac{9\pi}{10}) = \frac{1}{16}$ అని నిరూపించండి.

18. ప్రతి $x \in \mathbb{R}$ కు $\cosh^4 x - \sinh^4 x = \cosh(2x)$ అని నిరూపించండి.

19. ΔABC లో $\cot \frac{A}{2} + \cot \frac{B}{2} + \cot \frac{C}{2} = \frac{s^2}{\Delta}$ అని నిరూపించండి.

20. ΔABC లో $\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} + \frac{1}{r_3} = \frac{1}{r}$ అని రుజువు చేయండి.

III. దీర్ఘ సమాధాన ప్రశ్నలు.

(i) ఏవైనా ఐదు ప్రశ్నలకు సమాధానాల్చింది.

(ii) ప్రతి ప్రశ్నకు ఏడు మార్గాలు.

21. $I = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, E = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$ అయితే $(aI + bE)^3 = a^3I + 3a^2bE$ అని చూపండి. (I రెండవ తరగతి తత్త్వమ మాత్రిక)

22. $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 3 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ సాధారణ మాత్రిక అని చూపి A^{-1} కనుక్కోండి.

23. $f = \{(1, 2), (2, -3), (3, -1)\}$ అఱుతే క్రింది వాటిని కనుక్కోడి.
- (i) $2f$ (ii) $2 + f$ (iii) f^2 (iv) \sqrt{f}

24. క్రింది సమీకరణ వ్యవస్థను క్రేమర్ నియమం ఉపయోగించి సాధించండి.

$$\begin{aligned}x + y + z &= 1 \\2x + 2y + 3z &= 6 \\x + 4y + 9z &= 3\end{aligned}$$

25. $3\bar{i} - 2\bar{j} - \bar{k}, 2\bar{i} + 3\bar{j} - 4\bar{k}, -\bar{i} + \bar{j} + 2\bar{k}, 4\bar{i} + 5\bar{j} + \lambda\bar{k}$ సదిశలను స్థాన సదిశలుగా గంభించువలు సతలీయాలైతే లెనిలువ $\frac{-146}{17}$ అని చూపండి.

26. $(5, -1, 1), (7, -4, 7), (1, -6, 10), (-1, -3, 4)$ బిందువులు ఒక సమచతురఫ్రం (rhombus) శీర్షాలవుతాయని చూపండి.

27. $\bar{a} = 7\bar{i} - 2\bar{j} + 3\bar{k}, \bar{b} = 2\bar{i} + 8\bar{k}, \bar{c} = \bar{i} + \bar{j} + \bar{k}$ అఱుతే $\bar{a} \times \bar{b}, \bar{a} \times \bar{c}, \bar{a} \times (\bar{b} + \bar{c})$ లను గణించండి. సదిశాలభూం, సదిశా సంకలనం పై విభజితం అవుతుందేమో సరిచూపండి.

28. $a = 13, b = 14, c = 15$ అఱుతే $R = \frac{65}{8}, r = 4, r_1 = \frac{21}{2}, r_2 = 12, r_3 = 14$ అని చూపండి.

29. త్రిభుజం A, B, C లో $\cot A + \cot B + \cot C = \frac{a^2 + b^2 + c^2}{4\Delta}$ అని రుజువు చేయండి.

30. A, B, C లు త్రిభుజం కోణాలయితే $\sin A + \sin B - \sin C = 4 \sin \frac{A}{2} \sin \frac{B}{2} \cos \frac{C}{2}$ అని రుజువు చేయండి.