

PART A – PHYSICS

ALL THE GRAPHS/DIAGRAMS GIVEN ARE SCHEMATIC AND NOT DRAWN TO SCALE.

- The characteristic distance at which quantum gravitational effects are significant, the Planck length, can be determined from a suitable combination of the fundamental physical constants G , \hbar and c . Which of the following correctly gives the Planck length ?
 - $G \hbar^2 c^3$
 - $G^2 \hbar c$
 - $G^{1/2} \hbar^2 c$
 - $\left(\frac{G\hbar}{c^3}\right)^{1/2}$

JEE MAIN - 20% Paper - 1

भाग A – भौतिक विज्ञान

दिए गये सभी ग्राफ/रेखांकनियाँ आरेखीय हैं
और स्केल के अनुसार रेखांकित नहीं हैं।

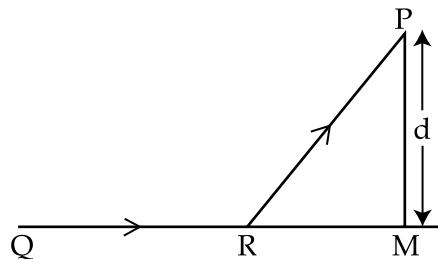
- प्लांक दूरी वह विशिष्ट दूरी है जिस पर क्वान्टम गुरुत्वायी प्रभाव महत्वपूर्ण होते हैं। इसका निर्धारण मूलभूत भौतिक राशियों G , \hbar तथा c से हो सकता है। निम्न में से कौन सा सूत्र प्लांक दूरी को सही दिखाता है?
 - $G \hbar^2 c^3$
 - $G^2 \hbar c$
 - $G^{1/2} \hbar^2 c$
 - $\left(\frac{G\hbar}{c^3}\right)^{1/2}$

भाग A – भौतिक विज्ञान

તમाम आलेख/चित्रों स्कीमेटिक हे अने स्केल प्रभाषे दोरायेला नथी।

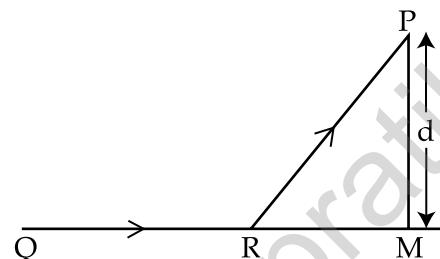
- ज्यां क्वोन्टम-गुरुत्वाकर्षीय असरो अगत्यनी होय तेवुं लक्षणिक अंतर, प्लान्क अंतर; G , \hbar अने c जेवा भौतिक अचणांकोना योऽय संयोजननी मददथी दर्शावी शकाय हे। नीये आपेलामांथी क्यो विकल्प प्लान्क अंतरने साची रीते दर्शावे हे ?
 - $G \hbar^2 c^3$
 - $G^2 \hbar c$
 - $G^{1/2} \hbar^2 c$
 - $\left(\frac{G\hbar}{c^3}\right)^{1/2}$

2. A man in a car at location Q on a straight highway is moving with speed v . He decides to reach a point P in a field at a distance d from the highway (point M) as shown in the figure. Speed of the car in the field is half to that on the highway. What should be the distance RM, so that the time taken to reach P is minimum ?



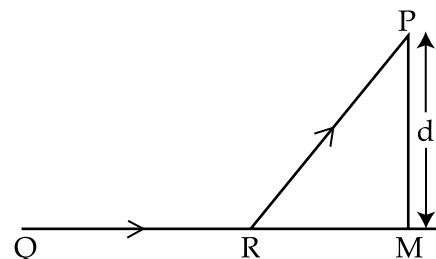
- (1) d
- (2) $\frac{d}{\sqrt{2}}$
- (3) $\frac{d}{2}$
- (4) $\frac{d}{\sqrt{3}}$

2. एक आदमी कार में स्थान Q से एक सीधी सड़क पर गति v से जा रहा है। वह खेत के एक बिन्दु P पर, जो दिखाये गये चित्रानुसार सड़क से d दूरी पर है (बिन्दु M), पहुँचने का निश्चय करता है। कार की चाल खेत में, सड़क की चाल की आधी है। वह दूरी RM क्या होगी जिससे कि P तक पहुँचने का समय न्यूनतम है?



- (1) d
- (2) $\frac{d}{\sqrt{2}}$
- (3) $\frac{d}{2}$
- (4) $\frac{d}{\sqrt{3}}$

2. એક સુરેખ હાઈવે પર Q સ્�ાને કારમાં રહેલ એક વ્યક્તિ v નેટલી ઝડપથી ગતિ કરે છે. આડૃતિમાં દર્શાવ્યા પ્રમાણે તે હાઈવે (બિંદુ M) થી દ અંતરે રહેલા ભેતરના બિંદુ P આપણ પહોંચવાનું નક્કી કરે છે. ભેતરમાં કારની ઝડપ હાઈવે પર તેની ઝડપ કરતા અદ્ધી છે. RM અંતર કેટલું હશે કે નેથી P સુધી પહોંચતા લાગતો સમય લઘુતમ થાય ?



- (1) d
- (2) $\frac{d}{\sqrt{2}}$
- (3) $\frac{d}{2}$
- (4) $\frac{d}{\sqrt{3}}$

3. A body of mass 2 kg slides down with an acceleration of 3 m/s^2 on a rough inclined plane having a slope of 30° . The external force required to take the same body up the plane with the same acceleration will be : ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- (1) 14 N
- (2) 20 N
- (3) 6 N
- (4) 4 N

4. A proton of mass m collides elastically with a particle of unknown mass at rest. After the collision, the proton and the unknown particle are seen moving at an angle of 90° with respect to each other. The mass of unknown particle is :

- (1) $\frac{m}{2}$
- (2) m
- (3) $\frac{m}{\sqrt{3}}$
- (4) $2 m$

3. 30° कोण से झुके हुए एक घर्षणयुक्त समतल पर एक 2 kg द्रव्यमान का एक पिण्ड त्वरण 3 m/s^2 से नीचे की ओर फिसलता है। उस पिण्ड को इस समतल पर उसी त्वरण से ऊपर ले जाने के लिये बाह्य बल की आवश्यकता होगी : (दिया है $g = 10 \text{ m/s}^2$)

- (1) 14 N
- (2) 20 N
- (3) 6 N
- (4) 4 N

4. m द्रव्यमान का एक प्रोटॉन किसी अज्ञात द्रव्यमान के विरामावस्था में रखे हुए एक कण से प्रत्यास्थ संघट्ट करता है। संघट्ट के पश्चात्, प्रोटॉन और अज्ञात कण परस्पर 90° का कोण बनाते हुए चले जाते हैं। अज्ञात कण का द्रव्यमान है :

- (1) $\frac{m}{2}$
- (2) m
- (3) $\frac{m}{\sqrt{3}}$
- (4) $2 m$

3. 30° लेट्लो ढाण धरावता एक ढणोला 2kg समतल परथी 2 kg દળ ધરાવતો પદાર્થ 3 m/s^2 ના પ્રવેગથી નીચે તરફ સરકે છે. આ જ પદાર્થને આ જ સમાન પ્રવેગથી ઉપર તરફ લઈ જવા માટે લગાવવું પડતું બાહ્ય બળ થશે. ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- (1) 14 N
- (2) 20 N
- (3) 6 N
- (4) 4 N

4. એક અજ্ঞાત દળ ધરાવતા સ્થિર કણ સાથે m દળ ધરાવતો પ્રોટોન સ્થિતિસ્થાપક અથડામણ અનુભવે છે. આ સંધાત બાદ, આ પ્રોટોન અને અજ્જાત કણ એકબીજાને સાપેક્ષે 90° ના કોણે ગતિ કરતા માલૂમ પડે છે. અજ્જાત કણનું દળ :

- (1) $\frac{m}{2}$
- (2) m
- (3) $\frac{m}{\sqrt{3}}$
- (4) $2 m$

5. A disc rotates about its axis of symmetry in a horizontal plane at a steady rate of 3.5 revolutions per second. A coin placed at a distance of 1.25 cm from the axis of rotation remains at rest on the disc. The coefficient of friction between the coin and the disc is : ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- (1) 0.5
- (2) 0.3
- (3) 0.7
- (4) 0.6

5. एक डिस्क अपने सममित अक्ष के परितः क्षैतिज समतल में 3.5 चक्रकर प्रति सेकंड की स्थिर गति से घूर्णन कर रही है। घूर्णन अक्ष से 1.25 cm की दूरी पर रखा एक सिक्का डिस्क पर स्थिर रहता है। सिक्के और डिस्क के बीच में घर्षण गुणांक का मान होगा : (दिया है : $g = 10 \text{ m/s}^2$)

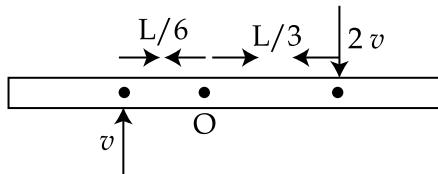
- (1) 0.5
- (2) 0.3
- (3) 0.7
- (4) 0.6

5. એક તકિટ તેની સંભિત અક્ષને અનુલક્ષીને સમક્ષિતિજ સમતલમાં 3.5 પરિભ્રમણ પ્રતિ સેકન્ડના સ્થિર દરે પરિભ્રમણ કરે છે. તેની ભ્રમણાક્ષ થી 1.25 cm અંતરે મૂક્લ એક સિક્કો તકિટ પર સ્થિર સ્થિતિમાં રહે છે. સિક્કા અને તકિટ વચ્ચેનો ઘર્ષણાંક _____ થશે. ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- (1) 0.5
- (2) 0.3
- (3) 0.7
- (4) 0.6

6. A thin uniform bar of length L and mass 8 m lies on a smooth horizontal table. Two point masses m and 2 m are moving in the same horizontal plane from opposite sides of the bar with speeds $2v$ and v respectively. The masses stick to the bar

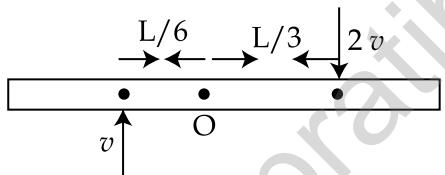
after collision at a distance $\frac{L}{3}$ and $\frac{L}{6}$ respectively from the centre of the bar. If the bar starts rotating about its center of mass as a result of collision, the angular speed of the bar will be :



- (1) $\frac{v}{5L}$
- (2) $\frac{6v}{5L}$
- (3) $\frac{3v}{5L}$
- (4) $\frac{v}{6L}$

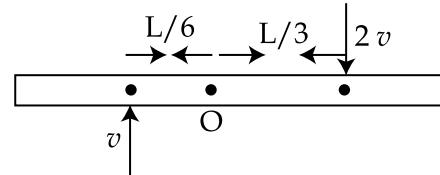
6. L लम्बाई तथा 8 m द्रव्यमान का एक एकसमान पतली छड़े एक चिकने क्षैतिज मेज पर रखा है। दो बिन्दु द्रव्यमान m तथा 2 m उसी क्षैतिज समतल में छड़े के विपरीत तरफ से क्रमशः $2v$ तथा v चाल से आते हैं। दोनों द्रव्यमान संघट्ट के बाद छड़े के केन्द्र से क्रमशः

$\frac{L}{3}$ तथा $\frac{L}{6}$ दूरी पर चिपक जाते हैं। संघट्ट के फलस्वरूप यदि छड़े अपने द्रव्यमान केंद्र के सापेक्ष घूमना शुरू कर देती है तो छड़े की कोणीय चाल होगी :



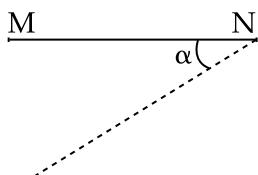
- (1) $\frac{v}{5L}$
- (2) $\frac{6v}{5L}$
- (3) $\frac{3v}{5L}$
- (4) $\frac{v}{6L}$

6. एक L लंबाई वाले अने 8 m धरावतुं पातणुं सમांगी योसलुं एक धर्षणरहित समक्षितज्ज टेबल पर पडेलुं छे. योसलानी विडध दिशामांथी समान समक्षितज्ज समतलमां बे भिंदुवत दणो m अनुक्तमे $2v$ अनेह ऐटली झडपो साथे गति करे छे. आ संघातने अंते आ दणो योसलाना केन्द्रथी अनुक्तमे $\frac{L}{3}$ अने $\frac{L}{6}$ अंतरे योसलाने योंटी जय छे. आ संघातने कारणे ज्ञे योसलुं तेना द्रव्यमान केन्द्रने अनुलक्षीने परिभ्रमण करवानुं चालुं करे, तो योसलानी कोणीय झडप _____ थशे.



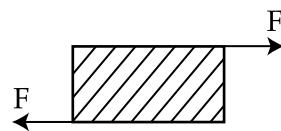
- (1) $\frac{v}{5L}$
- (2) $\frac{6v}{5L}$
- (3) $\frac{3v}{5L}$
- (4) $\frac{v}{6L}$

7. A thin rod MN, free to rotate in the vertical plane about the fixed end N, is held horizontal. When the end M is released the speed of this end, when the rod makes an angle α with the horizontal, will be proportional to : (see figure)



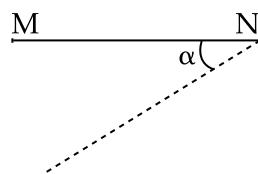
- (1) $\sqrt{\sin \alpha}$
- (2) $\sin \alpha$
- (3) $\sqrt{\cos \alpha}$
- (4) $\cos \alpha$

8. As shown in the figure, forces of 10^5 N each are applied in opposite directions, on the upper and lower faces of a cube of side 10 cm, shifting the upper face parallel to itself by 0.5 cm. If the side of another cube of the same material is 20 cm, then under similar conditions as above, the displacement will be :



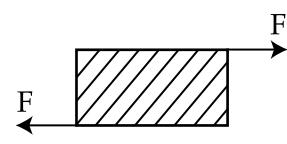
- (1) 0.25 cm
- (2) 0.37 cm
- (3) 0.75 cm
- (4) 1.00 cm

7. एक पतली छड़ MN, जो कि ऊर्ध्वाधर समतल में स्थिर सिरे N के सापेक्ष घूमने के लिए स्वतंत्र है, को क्षैतिज स्थिति में रोका गया है। जब सिरे M को छोड़ जाता है तो इस सिरे की चाल, जब छड़ क्षैतिज से α कोण बनाती है, समानुपाती होगी : (चित्र देखें)



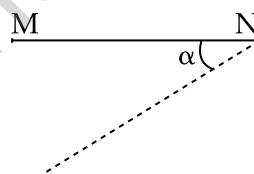
- (1) $\sqrt{\sin \alpha}$
- (2) $\sin \alpha$
- (3) $\sqrt{\cos \alpha}$
- (4) $\cos \alpha$

8. चित्रानुसार, 10 cm भुजा वाले एक घन के ऊपर और नीचे वाले फलक पर 10^5 N के बराबर बलों को विपरीत दिशा में लगाया जाता है जिससे ऊपरी फलक अपने समान्तर 0.5 cm से विस्थापित हो जाती है। यदि समान पदार्थ के दूसरे 20 cm भुजा वाले घन को बताये गये अवस्था में रखा जाये तो विस्थापन का मान होगा :



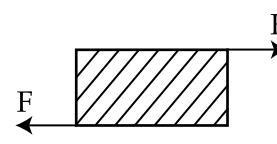
- (1) 0.25 cm
- (2) 0.37 cm
- (3) 0.75 cm
- (4) 1.00 cm

7. એક સમક્ષિતિજ રાખેલ પાતળો સણિયો MN તેના જહિત છેઠા N થી ઉધર સમતલમાં મુક્ત રીતે પરિભ્રમણ કરી શકે છે. જ્યારે M છેડાને મુક્ત કરવામાં આવે છે, તો જ્યારે સણિયો સમક્ષિતિજ સાથે α કોણ બનાવે ત્યારે આ છેડાની ઝડપ _____ ના સમગ્રમાણમાં હશે. (જુઓ આંકૃતિ)



- (1) $\sqrt{\sin \alpha}$
- (2) $\sin \alpha$
- (3) $\sqrt{\cos \alpha}$
- (4) $\cos \alpha$

8. આંકૃતિમાં બતાવ્યા પ્રમાણે, 10 cm ની બાજુ ધરાવતા ઘનની ઉપરની અને નીચેની દ્રેક બાજુ ઉપર વિઝદ્ધ દિશામાં 10^5 N લેટલું બળ લગાડવામાં આવતા તેની ઉપરની બાજુ તેને સમાન્તર 0.5 cm લેટલી ખસે છે. બીજા આ જ દ્રવ્યના બનેલા ઘનની બાજુ 20 cm હોય તો ઉપર જણાવેલ સમાન સ્થિતિ માટે મળતું બાજુનું સ્થાનાંતર _____.



- (1) 0.25 cm
- (2) 0.37 cm
- (3) 0.75 cm
- (4) 1.00 cm

9. When an air bubble of radius r rises from the bottom to the surface of a lake, its radius becomes $\frac{5r}{4}$. Taking the atmospheric pressure to be equal to 10 m height of water column, the depth of the lake would approximately be (ignore the surface tension and the effect of temperature) :

- (1) 11.2 m
- (2) 8.7 m
- (3) 9.5 m
- (4) 10.5 m

10. Two Carnot engines A and B are operated in series. Engine A receives heat from a reservoir at 600 K and rejects heat to a reservoir at temperature T. Engine B receives heat rejected by engine A and in turn rejects it to a reservoir at 100 K. If the efficiencies of the two engines A and B are represented by η_A and η_B , respectively, then what is the value of $\frac{\eta_B}{\eta_A}$?

- (1) $\frac{12}{7}$
- (2) $\frac{7}{12}$
- (3) $\frac{12}{5}$
- (4) $\frac{5}{12}$

9. जब r त्रिज्या का हवा का एक बुलबुला एक झील के निचले सतह से उठ कर ऊपरी सतह तक आता है, तो उसकी त्रिज्या बढ़ कर $\frac{5r}{4}$ हो जाती है। वायुमंडलीय दाब को 10 m ऊँचाई के जल स्तर के बराबर मानें, तो झील की गहराई का सन्निकट मान होगा (पृष्ठ तनाव तथा तापमान का प्रभाव नगण्य है) :

- (1) 11.2 m
- (2) 8.7 m
- (3) 9.5 m
- (4) 10.5 m

10. दो कार्नो इंजन A तथा B को श्रेणीबद्ध क्रम में चलाया जाता है। इंजन A 600 K के भंडार से ऊष्मा अवशोषित करता है तथा T तापमान के भंडार को ऊष्मा उत्सर्जित करता है। इंजन B, इंजन A द्वारा उत्सर्जित ऊष्मा को अवशोषित करता है और फिर 100 K के भंडार को उत्सर्जित करता है। यदि दोनों इंजन A तथा B की दक्षता क्रमशः η_A एवं η_B हों तो $\frac{\eta_B}{\eta_A}$ का मान होगा :

- (1) $\frac{12}{7}$
- (2) $\frac{7}{12}$
- (3) $\frac{12}{5}$
- (4) $\frac{5}{12}$

9. જ્યારે r ત્રિજ્યા ધરાવતો હવાનો પરાપોટો તળાવના તળીયે થી સપાઈ ઉપર આવે છે ત્યારે તેની ત્રિજ્યા $\frac{5r}{4}$ જેટલી થાય છે. વાતાવરણનું દ્વારા પાણીના સ્તંભની 10 m ઊંચાઈ જેટલું લેતાં, તળાવની સંનિક્ષ્ટ (લગભગ) ઊંડાઈ (પુષ્ટાણ અને તાપમાનની અસર અવગારો) :

- (1) 11.2 m
- (2) 8.7 m
- (3) 9.5 m
- (4) 10.5 m

10. બે કાર્નો એન્જિન A અને B એકબીજા સાથે શ્રેણીમાં કાર્યરત છે. એન્જિન A, 600 K તાપમાને રહેલા સંગ્રહક પાસેથી ઉષ્મા પ્રાપ્ત કરે છે અને T તાપમાને રહેલા સંગ્રહકને પાછી આપે છે. એન્જિન B એ એન્જિન A એ ફેલ ઉર્જને પ્રાપ્ત કરે છે અને 100 K તાપમાને રહેલ સંગ્રહકને પાછી આપે છે. જો આ બે એન્જિનો A અને B ની કાર્યક્ષમતા અનુકૂળે η_A અને η_B હોય તો $\frac{\eta_B}{\eta_A}$ ની કિંમત કેટલી થશે ?

- (1) $\frac{12}{7}$
- (2) $\frac{7}{12}$
- (3) $\frac{12}{5}$
- (4) $\frac{5}{12}$

11. The value closest to the thermal velocity of a Helium atom at room temperature (300 K) in ms^{-1} is : [$k_B = 1.4 \times 10^{-23} \text{ J/K}$; $m_{\text{He}} = 7 \times 10^{-27} \text{ kg}$]

- 1.3×10^4
- 1.3×10^3
- 1.3×10^5
- 1.3×10^2

12. Two simple harmonic motions, as shown below, are at right angles. They are combined to form Lissajous figures.

$$x(t) = A \sin(at + \delta)$$

$$y(t) = B \sin(bt)$$

Identify the correct match below.

Parameters	Curve
(1) $A \neq B, a = b ; \delta = 0$	Parabola
(2) $A = B, a = b ; \delta = \frac{\pi}{2}$	Line
(3) $A \neq B, a = b ; \delta = \frac{\pi}{2}$	Ellipse
(4) $A = B, a = 2b ; \delta = \frac{\pi}{2}$	Circle

13. 5 beats/second are heard when a tuning fork is sounded with a sonometer wire under tension, when the length of the sonometer wire is either 0.95 m or 1 m. The frequency of the fork will be :

- 195 Hz
- 150 Hz
- 300 Hz
- 251 Hz

11. कक्ष तापमान (300 K) पर हीलियम परमाणु के तापीय वेग का ms^{-1} में निकटतम मान होगा,

$$[k_B = 1.4 \times 10^{-23} \text{ J/K}; m_{\text{He}} = 7 \times 10^{-27} \text{ kg}]$$

- 1.3×10^4
- 1.3×10^3
- 1.3×10^5
- 1.3×10^2

12. नीचे दर्शाई हुई दो सरल आवर्त गतियाँ एक दूसरे के लम्बवत हैं। उनको संयुक्त करके लिसाजुस (Lissajous) चित्र बनाते हैं।

$$x(t) = A \sin(at + \delta)$$

$$y(t) = B \sin(bt)$$

निम्न में से सही मेल की पहचान कीजिये।

राशियाँ	वर्क्र
---------	--------

- $A \neq B, a = b ; \delta = 0$ परवलय
- $A = B, a = b ; \delta = \frac{\pi}{2}$ रेखा
- $A \neq B, a = b ; \delta = \frac{\pi}{2}$ दीर्घवृत्त
- $A = B, a = 2b ; \delta = \frac{\pi}{2}$ वृत्त

13. यदि सोनोमीटर के तार की लंबाई 0.95 m या 1 m हो तो जब एक स्वरित्र द्विभुज को सोनोमीटर के तनाव वाले तार के साथ बजाया जाता है तो 5 विस्पंद प्रति सेकेण्ड सुनायी पड़ते हैं। स्वरित्र द्विभुज की आवृत्ति होगी :

- 195 Hz
- 150 Hz
- 300 Hz
- 251 Hz

11. ઓરડાના તાપમાને (300 K) હિલિયમ પરમાણુ માટેનું ઉભીય વેગનું નજીકતમ મૂલ્ય ms^{-1} માં _____

$$[k_B = 1.4 \times 10^{-23} \text{ J/K}; m_{\text{He}} = 7 \times 10^{-27} \text{ kg}]$$

- 1.3×10^4
- 1.3×10^3
- 1.3×10^5
- 1.3×10^2

12. નીચે દર્શાવેલ બે સરળ આવર्त ગતિઓ (SHM) એકબીજાને કાટકોણે થાય છે. તેઓ લિસાજુસ આકૃતિઓ બનાવે છે.

$$x(t) = A \sin(at + \delta)$$

$$y(t) = B \sin(bt)$$

નીચેના પૈકી કોઈ વિકલ્પ સાચો વિકલ્પ છે તે શોધો.

પ્રાચલો	વક્ત
---------	------

- $A \neq B, a = b ; \delta = 0$ પરવલય
- $A = B, a = b ; \delta = \frac{\pi}{2}$ રેખા
- $A \neq B, a = b ; \delta = \frac{\pi}{2}$ ઉપવલય
- $A = B, a = 2b ; \delta = \frac{\pi}{2}$ વર્તુળ

13. જ્યારે રેઝોનેટર (અનુનાદીત) તારની લંબાઈ 0.95 m અથવા 1 m રાખવામાં આવે છે ત્યારે ધ્વનિ ચીપીયાને સોનોમીટર તાર સાથે અફળાવવાથી 5 સ્પંદ/સેકન્ડ સંભળાય છે. ધ્વનિ ચીપીયાની આવૃત્તિ _____ થશે.

- 195 Hz
- 150 Hz
- 300 Hz
- 251 Hz

14. A solid ball of radius R has a charge density ρ given by $\rho = \rho_0 (1 - r/R)$ for $0 \leq r \leq R$. The electric field outside the ball is :

(1) $\frac{\rho_0 R^3}{\epsilon_0 r^2}$

(2) $\frac{\rho_0 R^3}{12 \epsilon_0 r^2}$

(3) $\frac{4 \rho_0 R^3}{3 \epsilon_0 r^2}$

(4) $\frac{3 \rho_0 R^3}{4 \epsilon_0 r^2}$

15. A parallel plate capacitor with area 200 cm^2 and separation between the plates 1.5 cm , is connected across a battery of emf V . If the force of attraction between the plates is $25 \times 10^{-6} \text{ N}$, the value of V is approximately :

$$\left(\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{N.m}^2} \right)$$

- (1) 250 V
 (2) 100 V
 (3) 300 V
 (4) 150 V

14. R त्रिज्या के एक ठोस गोले के आवेश घनत्व ρ को $0 \leq r \leq R$ के लिए $\rho = \rho_0 (1 - r/R)$ द्वारा प्रकट किया जाता है। गोले के बाहर विद्युत क्षेत्र होगा :

(1) $\frac{\rho_0 R^3}{\epsilon_0 r^2}$

(2) $\frac{\rho_0 R^3}{12 \epsilon_0 r^2}$

(3) $\frac{4 \rho_0 R^3}{3 \epsilon_0 r^2}$

(4) $\frac{3 \rho_0 R^3}{4 \epsilon_0 r^2}$

15. क्षेत्रफल 200 cm^2 तथा प्लेटों के बीच की दूरी 1.5 cm , वाले एक समान्तर प्लेट संधारित्र को विद्युत वाहक बल V वाली एक बैटरी से जोड़ा गया है। यदि प्लेटों के बीच आकर्षण बल $25 \times 10^{-6} \text{ N}$ हो तो, V का लगभग मान होगा :

$$\left(\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{N.m}^2} \right)$$

- (1) 250 V
 (2) 100 V
 (3) 300 V
 (4) 150 V

14. R त्रिज्याना जोल भाटे विद्युतभार धनता ρ ए $\rho = \rho_0 (1 - r/R)$; ज्यां $0 \leq r \leq R$ वडे अपाय छे. जोलनी बहारना भागमां विद्युतक्षेत्र _____.

(1) $\frac{\rho_0 R^3}{\epsilon_0 r^2}$

(2) $\frac{\rho_0 R^3}{12 \epsilon_0 r^2}$

(3) $\frac{4 \rho_0 R^3}{3 \epsilon_0 r^2}$

(4) $\frac{3 \rho_0 R^3}{4 \epsilon_0 r^2}$

15. 200 cm^2 जेटलुं क्षेत्रफल अने बे जेटो वच्चेनुं अंतर 1.5 cm हेथ तेवुं समान्तर जेट केपेसीटर (संधारक) V वोल्ट जेटलुं emf धरावती बेटरीने समान्तर जेडेल छे. जो जेटो वच्चेनुं आकर्षण $25 \times 10^{-6} \text{ N}$ हेथ तो V नुं लगभग _____ जेटलुं भूल्य थरे.

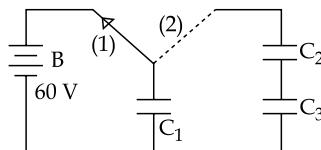
$$\left(\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{N.m}^2} \right)$$

- (1) 250 V
 (2) 100 V
 (3) 300 V
 (4) 150 V

16. A copper rod of cross-sectional area A carries a uniform current I through it. At temperature T, if the volume charge density of the rod is ρ , how long will the charges take to travel a distance d ?

- $\frac{2 \rho d A}{I}$
- $\frac{2 \rho d A}{I T}$
- $\frac{\rho d A}{I}$
- $\frac{\rho d A}{I T}$

17. A capacitor $C_1 = 1.0 \mu F$ is charged up to a voltage $V = 60 V$ by connecting it to battery B through switch (1). Now C_1 is disconnected from battery and connected to a circuit consisting of two uncharged capacitors $C_2 = 3.0 \mu F$ and $C_3 = 6.0 \mu F$ through switch (2), as shown in the figure. The sum of final charges on C_2 and C_3 is :

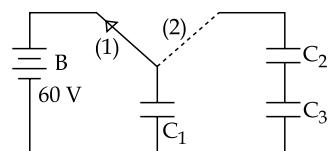


- $40 \mu C$
- $36 \mu C$
- $20 \mu C$
- $54 \mu C$

16. A अनुप्रस्थ काट के क्षेत्रफल की एक कॉपर की छड़ से होकर I धारा बहती है। T तापमान पर यदि छड़ का आयतनी आवेश घनत्व ρ हो तो आवेशों को d दूरी तय करने में कितना समय लगेगा ?

- $\frac{2 \rho d A}{I}$
- $\frac{2 \rho d A}{I T}$
- $\frac{\rho d A}{I}$
- $\frac{\rho d A}{I T}$

17. एक संधारित्र $C_1 = 1.0 \mu F$ को एक स्वच (1) द्वारा बैटरी B से जोड़ कर $V = 60 V$ विभव तक आवेशित किया जाता है। अब C_1 को बैटरी से वियोजित कर दिया जाता है तथा स्वच (2) के द्वारा दो अनावेशित संधारित्रों $C_2 = 3.0 \mu F$ तथा $C_3 = 6.0 \mu F$ के साथ एक परिपथ में जोड़ दिया जाता है जैसा कि चित्र में दर्शाया गया है। C_2 तथा C_3 पर अंतिम आवेशों का योग होगा :

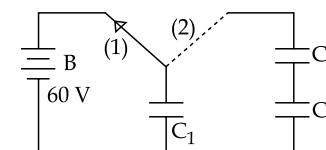


- $40 \mu C$
- $36 \mu C$
- $20 \mu C$
- $54 \mu C$

16. A જેટલું આડછેદનું ક્ષેત્રફળ ધરાવતા તાંબાનાં સળિયામાંથી I જેટલો સમાન વિદ્યુતપ્રવાહ પસાર થાય છે. જે T તાપમાને, નળકારની કદ વિદ્યુતભાર ઘનતા ρ હોય તો વીજભારોને d અંતર કાપવા માટે લાગતો સમય કેટલો થશે ?

- $\frac{2 \rho d A}{I}$
- $\frac{2 \rho d A}{I T}$
- $\frac{\rho d A}{I}$
- $\frac{\rho d A}{I T}$

17. એક સંધારક $C_1 = 1.0 \mu F$ ને B બેટરી સાથે કણ (1) સાથે જોડી $V = 60 V$ જેટલું વિદ્યુતભારિત કરવામાં આવે છે. હવે, C_1 ને બેટરીથી છૂંદું કરી આકૃતિમાં બતાવ્યા પ્રમાણે કણ (2) ની મદદથી બે વિદ્યુતભાર રહિત સંધારકો $C_2 = 3.0 \mu F$ અને $C_3 = 6.0 \mu F$ ધરાવતા પરિપથને જોડવામાં આવે છે. તો C_2 અને C_3 પરનો અંતિમ કુલ વિદ્યુતભાર _____ છે.



- $40 \mu C$
- $36 \mu C$
- $20 \mu C$
- $54 \mu C$

18. A current of 1 A is flowing on the sides of an equilateral triangle of side 4.5×10^{-2} m. The magnetic field at the centre of the triangle will be :

- (1) 2×10^{-5} Wb/m²
- (2) Zero
- (3) 8×10^{-5} Wb/m²
- (4) 4×10^{-5} Wb/m²

19. At the centre of a fixed large circular coil of radius R, a much smaller circular coil of radius r is placed. The two coils are concentric and are in the same plane. The larger coil carries a current I. The smaller coil is set to rotate with a constant angular velocity ω about an axis along their common diameter. Calculate the emf induced in the smaller coil after a time t of its start of rotation.

- (1) $\frac{\mu_0 I}{2 R} \omega \pi r^2 \sin \omega t$
- (2) $\frac{\mu_0 I}{4 R} \omega \pi r^2 \sin \omega t$
- (3) $\frac{\mu_0 I}{4 R} \omega r^2 \sin \omega t$
- (4) $\frac{\mu_0 I}{2 R} \omega r^2 \sin \omega t$

18. 4.5×10^{-2} m भुजा के एक समबाहु त्रिभुज में 1 A की धारा प्रवाहित हो रही है। इस त्रिभुज के केन्द्र पर चुम्बकीय क्षेत्र का मान होगा :

- (1) 2×10^{-5} Wb/m²
- (2) शून्य
- (3) 8×10^{-5} Wb/m²
- (4) 4×10^{-5} Wb/m²

19. R त्रिज्या की एक स्थिर एवं बड़ी गोलाकार कुण्डली के केन्द्र पर अत्यधिक छोटी r त्रिज्या की एक गोलाकार कुण्डली रखी है। दोनों कुण्डलियाँ संकेन्द्री तथा एक ही समतल में हैं। बड़ी कुण्डली में I धारा बहती है, दोनों कुण्डलियों के उभयनिष्ठ व्यास से होकर जाने वाले अक्ष के सापेक्ष छोटी कुण्डली को एक एकसमान कोणीय वेग ω से घुमाया जाता है। घूर्णन शुरू होने के t समय उपरान्त छोटी कुण्डली में प्रेरित विद्युत वाहक बल की गणना करें :

- (1) $\frac{\mu_0 I}{2 R} \omega \pi r^2 \sin \omega t$
- (2) $\frac{\mu_0 I}{4 R} \omega \pi r^2 \sin \omega t$
- (3) $\frac{\mu_0 I}{4 R} \omega r^2 \sin \omega t$
- (4) $\frac{\mu_0 I}{2 R} \omega r^2 \sin \omega t$

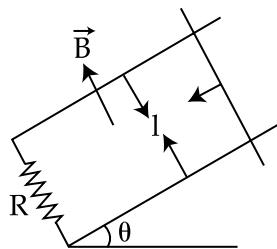
18. 4.5×10^{-2} m नीं लंबाई धरावता समबाहु त्रिकोणी बाजूमांथी 1 A जेटलो विद्युतप्रवाह पसार थाय छे. त्रिकोणना केन्द्र आगण चुंबकीय क्षेत्र _____ हशे.

- (1) 2×10^{-5} Wb/m²
- (2) शून्य
- (3) 8×10^{-5} Wb/m²
- (4) 4×10^{-5} Wb/m²

19. एक जडित अने R त्रिज्यानी भोटा वर्तुणाकार गूच्छणाना केन्द्र आगण खूब ज नानी r त्रिज्या धरावतुं वर्तुणाकार गूच्छुं भूडेल छे. आ बने गूच्छणाओ सभडेन्द्रिय अने समान समतलमां छे. भोटुं गूच्छुं I प्रवाह धरावे छे. तेमना सामान्य व्यासनी हिशाने अनुलक्षीने अक्षने फरते नाना गूच्छणाने अचण कोणीय वेग ω थी परिभ्रमण कराववामां आवे छे. परिभ्रमण शङ्क थया बाद t समये नाना गूच्छणामां प्रेरित थतुं emf गाणो.

- (1) $\frac{\mu_0 I}{2 R} \omega \pi r^2 \sin \omega t$
- (2) $\frac{\mu_0 I}{4 R} \omega \pi r^2 \sin \omega t$
- (3) $\frac{\mu_0 I}{4 R} \omega r^2 \sin \omega t$
- (4) $\frac{\mu_0 I}{2 R} \omega r^2 \sin \omega t$

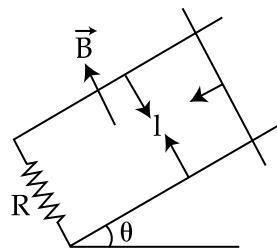
20.



A copper rod of mass m slides under gravity on two smooth parallel rails, with separation l and set at an angle of θ with the horizontal. At the bottom, rails are joined by a resistance R . There is a uniform magnetic field B normal to the plane of the rails, as shown in the figure. The terminal speed of the copper rod is :

- (1) $\frac{mg R \tan \theta}{B^2 l^2}$
- (2) $\frac{mg R \cot \theta}{B^2 l^2}$
- (3) $\frac{mg R \sin \theta}{B^2 l^2}$
- (4) $\frac{mg R \cos \theta}{B^2 l^2}$

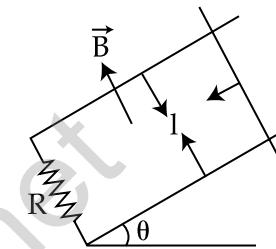
20.



क्षेत्रज से θ कोण पर स्थित दो चिकनी समानांतर छड़ों, जिनके बीच की दूरी l है, के ऊपर m द्रव्यमान की तांबे की एक छड़ गुरुत्व के अंतर्गत फिसलती है। छड़ों के निचले सिरों को एक प्रतिरोध R द्वारा जोड़ा गया है। समानांतर छड़ों के समतल के लम्बवत् दिशा में एक एकसमान चुम्बकीय क्षेत्र B है जैसा कि चित्र में दर्शाया गया है। तांबे के छड़ की सीमान्त चाल होगी :

- (1) $\frac{mg R \tan \theta}{B^2 l^2}$
- (2) $\frac{mg R \cot \theta}{B^2 l^2}$
- (3) $\frac{mg R \sin \theta}{B^2 l^2}$
- (4) $\frac{mg R \cos \theta}{B^2 l^2}$

20.



m ઇથી ધરાવતો કોપરનો એક સળિયો ગુડ્ઝ્વાકર્ષણ બળની અસર હેઠળ 1 અંતરે રાખેલ બે સમાંતર પાટા કે જે સમક્ષિતિજ્ઞથી થ કોણો ગોઠવેલ છે, પર સરકે છે. આઇતિમાં બતાવ્યા પ્રમાણે આ પાટાને તળિયે R અવરોધ વડે જોડવામાં આવેલ છે. પાટાના સમતલને લંબ સમાંગ ચુંબકીય ક્ષેત્ર B છે. કોપરના આ સળિયાની અંતિમ (ઈર્ભિનલ) ઝડપ _____ છે.

- (1) $\frac{mg R \tan \theta}{B^2 l^2}$
- (2) $\frac{mg R \cot \theta}{B^2 l^2}$
- (3) $\frac{mg R \sin \theta}{B^2 l^2}$
- (4) $\frac{mg R \cos \theta}{B^2 l^2}$

21. A plane polarized monochromatic EM wave is traveling in vacuum along z direction such that at $t = t_1$ it is found that the electric field is zero at a spatial point z_1 . The next zero that occurs in its neighbourhood is at z_2 . The frequency of the electromagnetic wave is :

- (1) $\frac{3 \times 10^8}{|z_2 - z_1|}$
- (2) $\frac{1.5 \times 10^8}{|z_2 - z_1|}$
- (3) $\frac{6 \times 10^8}{|z_2 - z_1|}$
- (4) $\frac{1}{t_1 + \frac{|z_2 - z_1|}{3 \times 10^8}}$

22. A convergent doublet of separated lenses, corrected for spherical aberration, has resultant focal length of 10 cm. The separation between the two lenses is 2 cm. The focal lengths of the component lenses are :

- (1) 10 cm, 12 cm
- (2) 12 cm, 14 cm
- (3) 16 cm, 18 cm
- (4) 18 cm, 20 cm

21. एक समतल ध्रुवित एकवर्णीय विद्युतचुम्बकीय तरंग निर्वात में z -दिशा के संगत इस तरह चल रही है कि किसी स्थानिक बिंदु z_1 पर समय $t = t_1$ पर विद्युत क्षेत्र शून्य है। इसके समीप विद्युत क्षेत्र का अगला शून्य z_2 पर पाया जाता है। इस विद्युत चुम्बकीय तरंग की आवृत्ति होगी :

- (1) $\frac{3 \times 10^8}{|z_2 - z_1|}$
- (2) $\frac{1.5 \times 10^8}{|z_2 - z_1|}$
- (3) $\frac{6 \times 10^8}{|z_2 - z_1|}$
- (4) $\frac{1}{t_1 + \frac{|z_2 - z_1|}{3 \times 10^8}}$

22. किन्हीं दो अभिसारी लेन्सों से बने संयोग की, गोलीय दोष दूर करने के बाद, प्रभावी फोकस दूरी 10 cm है। दोनों लेन्सों के बीच की दूरी 2 cm है। दोनों लेन्सों की अलग-अलग फोकस दूरियाँ हैं :

- (1) 10 cm, 12 cm
- (2) 12 cm, 14 cm
- (3) 16 cm, 18 cm
- (4) 18 cm, 20 cm

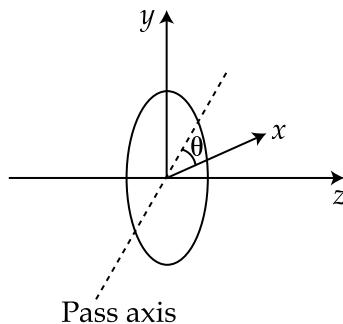
21. तल ध्रुवीय एकवर्णीय EM तरंग z दिशामां शून्यावकाशमां एवी रीते गति करे छे के $t = t_1$ ए अवकाशीय बिंदु z_1 आगण विद्युत क्षेत्र शून्य छे. तेनी नજुकमां त्यार पछीनी शून्य तीप्रता ए z_2 आगण भणे छे. विद्युतचुम्बकीय तरंगनी आवृत्ति _____.

- (1) $\frac{3 \times 10^8}{|z_2 - z_1|}$
- (2) $\frac{1.5 \times 10^8}{|z_2 - z_1|}$
- (3) $\frac{6 \times 10^8}{|z_2 - z_1|}$
- (4) $\frac{1}{t_1 + \frac{|z_2 - z_1|}{3 \times 10^8}}$

22. गोलीय विपथन (spherical aberration) सुधारवा भाटे छटा पाडेला लेन्सोना सेकेन्ड्री ज्ञेकानी परिणामी केन्द्र लंबाई 10 cm छे. बे लेन्सना ज्ञेकां वच्येनुं अंतर 2 cm छे. आ घटक लेन्सोनी केन्द्रलंबाईओ _____.

- (1) 10 cm, 12 cm
- (2) 12 cm, 14 cm
- (3) 16 cm, 18 cm
- (4) 18 cm, 20 cm

23. A plane polarized light is incident on a polariser with its pass axis making angle θ with x -axis, as shown in the figure. At four different values of θ , $\theta = 8^\circ, 38^\circ, 188^\circ$ and 218° , the observed intensities are same. What is the angle between the direction of polarization and x -axis ?

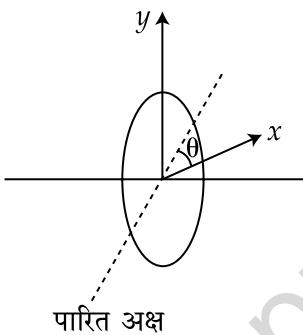


- (1) 98°
- (2) 128°
- (3) 203°
- (4) 45°

24. If the de Broglie wavelengths associated with a proton and an α -particle are equal, then the ratio of velocities of the proton and the α -particle will be :

- (1) $4 : 1$
- (2) $2 : 1$
- (3) $1 : 2$
- (4) $1 : 4$

23. एक समतल ध्रुवित प्रकाश किसी एक ध्रुवक जिसका पारित-अक्ष x -अक्ष से θ कोण बनाता है, पर आपत्ति होता है, जैसा चित्र में दिखाया गया है। कोण θ के चार विभिन्न मानों, $\theta = 8^\circ, 38^\circ, 188^\circ$ तथा 218° पर तीव्रतायें बराबर पायी जाती हैं। ध्रुवण दिशा तथा x -अक्ष के बीच का कोण होगा :

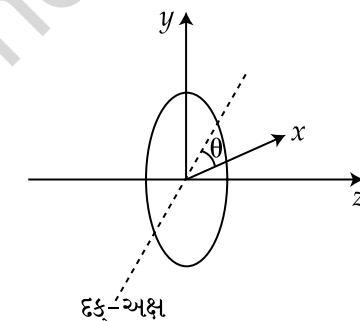


- (1) 98°
- (2) 128°
- (3) 203°
- (4) 45°

24. यदि एक प्रोटॉन एवं एक α -कण की डि-ब्राली तरंगदैर्घ्य बराबर हैं तो इस प्रोटॉन तथा α -कण के वेगों का अनुपात होगा :

- (1) $4 : 1$
- (2) $2 : 1$
- (3) $1 : 2$
- (4) $1 : 4$

23. આફ્રતિમાં બતાવ્યા અનુસાર એક તલ ધ્રુવીય પ્રકાશને કે જેનું દક્કાની સમતલ x -અક્ષને સાપેક્ષ θ કોણે બનાવે છે. θ ના ચાર જુદા-જુદા મૂલ્યો પર $\theta = 8^\circ, 38^\circ, 188^\circ$ અને 218° રાખતા તીવ્રતા સમાન જોવા મળે છે. ધ્રુવીભૂતની દિશા અને x -અક્ષની વર્ણણનો કોણ કેટલો હશે ?



- (1) 98°
- (2) 128°
- (3) 203°
- (4) 45°

24. જો પ્રોટોન અને α -કણ સાથે સંકળાયેલ ડી-બ્રોગલી તરંગલંબાઈઓ સમાન હોય તો પ્રોટોન અને α -કણની વેગોનો ગુણોત્તર _____ હશે.

- (1) $4 : 1$
- (2) $2 : 1$
- (3) $1 : 2$
- (4) $1 : 4$

25. Muon (μ^-) is a negatively charged ($|q|=|e|$) particle with a mass $m_\mu = 200 m_e$ where m_e is the mass of the electron and e is the electronic charge. If μ^- is bound to a proton to form a hydrogen like atom, identify the correct statements.

- (A) Radius of the muonic orbit is 200 times smaller than that of the electron.
 - (B) The speed of the μ^- in the n^{th} orbit is $\frac{1}{200}$ times that of the electron in the n^{th} orbit.
 - (C) The ionization energy of muonic atom is 200 times more than that of an hydrogen atom.
 - (D) The momentum of the muon in the n^{th} orbit is 200 times more than that of the electron.
- (1) (A), (B), (D)
 - (2) (A), (C), (D)
 - (3) (B), (D)
 - (4) (C), (D)

26. An unstable heavy nucleus at rest breaks into two nuclei which move away with velocities in the ratio of 8 : 27. The ratio of the radii of the nuclei (assumed to be spherical) is :

- (1) 8 : 27
- (2) 4 : 9
- (3) 3 : 2
- (4) 2 : 3

25. म्यूऑन (Muon) (μ^-) एक ऋणात्मक आवेशित ($|q|=|e|$) कण है जिसका द्रव्यमान $m_\mu = 200 m_e$ है जहाँ m_e इलेक्ट्रॉन का द्रव्यमान तथा e इलेक्ट्रॉन का आवेश है। हाइड्रोजन जैसा परमाणु बनाने के लिए यदि म्यूऑन ऋणात्मक एक प्रोटॉन के साथ परिवद्ध होता है, तो सही कथन होंगे :

- (A) म्यूऑन के कक्ष की त्रिज्या इलेक्ट्रॉन के कक्ष की त्रिज्या से 200 गुना छोटी है।
 - (B) n वें कक्ष में μ^- की चाल, n वें कक्ष में इलेक्ट्रॉन की चाल की $\frac{1}{200}$ गुना होगी।
 - (C) म्यूऑनिक परमाणु की आयनन ऊर्जा, हाइड्रोजन परमाणु के आयनन ऊर्जा से 200 गुना ज्यादा है।
 - (D) n वें कक्ष में म्यूऑन का संवेग, n वें कक्ष में इलेक्ट्रॉन के संवेग से 200 गुना ज्यादा है।
- (1) (A), (B), (D)
 - (2) (A), (C), (D)
 - (3) (B), (D)
 - (4) (C), (D)

26. एक स्थिर अवस्था का अस्थायी भारी नाभिक, दो नाभिकों में टूट जाता है जो 8 : 27 के वेग अनुपात से दूर जाते हैं। टूटे हुए नाभिकों की त्रिज्याओं (मानो वे गोलाकार हैं) का अनुपात होगा :

- (1) 8 : 27
- (2) 4 : 9
- (3) 3 : 2
- (4) 2 : 3

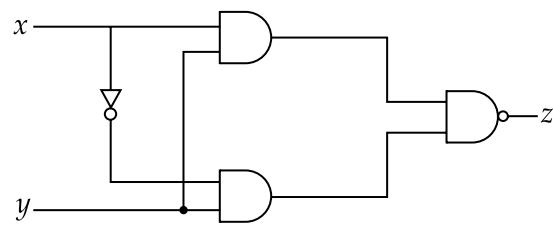
25. म्यूऑन (μ^-) ए अणविधुतभारित ($|q|=|e|$) कण છે કે જેનું દળ $m_\mu = 200 m_e$, જ્યાં m_e , એ ઇલેક્ટ્રોનનું દળ છે અને e ઇલેક્ટ્રોનિક ચાર્જ છે. જો μ^- એ પ્રોટોન સાથે જોડાઈ (બંધાઈ) હાઇડ્રોજન જેવો પરમાણુ બનાવે છે, તો સાચાં વિધાનો શોધો.

- (A) મ્યુઓનિક કક્ષાની ત્રિજ્યા ઇલેક્ટ્રોનની ત્રિજ્યા કરતા 200 ગણી નાની હશે.
 - (B) μ^- ની n^{th} કક્ષામાં ઝડપ એ n^{th} કક્ષામાંના ઇલેક્ટ્રોનની ઝડપ કરતાં $\frac{1}{200}$ ગણી હશે.
 - (C) મ્યુઓનિક પરમાણુની આયનીકરણ ઉર્જા હાઇડ્રોજન પરમાણુ કરતાં 200 ગણી વધારે હશે.
 - (D) n^{th} કક્ષામાં મ્યુઓનનું વેગમાન ઇલેક્ટ્રોનના વેગમાન કરતાં 200 ગણું વધારે હશે.
- (1) (A), (B), (D)
 - (2) (A), (C), (D)
 - (3) (B), (D)
 - (4) (C), (D)

26. એક અસ્થિર ભારે ન્યુક્લિયસ બે ન્યુક્લિયસમાં ખંડન પામે છે અને આ બંને ભાગો 8 : 27 જેટલા વેગોના ગુણોત્તરથી દૂર ફેકાય છે. આ ન્યુક્લિયસ (ને ગોળાકાર ઘારતાં) ની ત્રિજ્યાઓનો ગુણોત્તર _____.

- (1) 8 : 27
- (2) 4 : 9
- (3) 3 : 2
- (4) 2 : 3

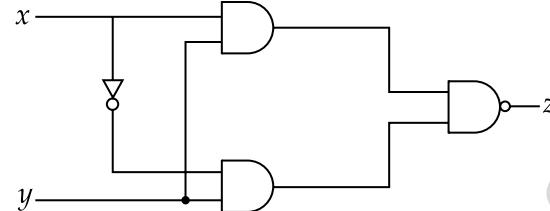
27. Truth table for the following digital circuit will be :



x	y	z
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

x	y	z
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

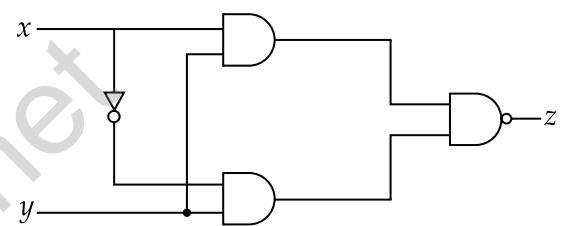
27. दिये गये अंकक परिपथ के लिए सत्यमान सारिणी होगी :



x	y	z
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

x	y	z
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

27. નીચે આપેલ ડીજીટલ પરિપથ માટેનું ટુથ ટેબલ _____.



x	y	z
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

x	y	z
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

x	y	z
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	1

x	y	z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

28. The carrier frequency of a transmitter is provided by a tank circuit of a coil of inductance $49 \mu\text{H}$ and a capacitance of 2.5nF . It is modulated by an audio signal of 12 kHz . The frequency range occupied by the side bands is :
- $13482 \text{ kHz} - 13494 \text{ kHz}$
 - $442 \text{ kHz} - 466 \text{ kHz}$
 - $63 \text{ kHz} - 75 \text{ kHz}$
 - $18 \text{ kHz} - 30 \text{ kHz}$

x	y	z
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	1

x	y	z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

28. कुण्डली के प्रेरकत्व $49 \mu\text{H}$ तथा धारिता 2.5nF वाले एक टैंक परिपथ द्वारा एक प्रेषक की वाहक आवृत्ति उत्पन्न की जाती है। इस आवृत्ति को 12 kHz के एक ध्वनि संकेत (audio signal) से मोड़ुलित करते हैं। पार्श्व बैंड की आवृत्ति का परास होगा :
- $13482 \text{ kHz} - 13494 \text{ kHz}$
 - $442 \text{ kHz} - 466 \text{ kHz}$
 - $63 \text{ kHz} - 75 \text{ kHz}$
 - $18 \text{ kHz} - 30 \text{ kHz}$

x	y	z
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	1

x	y	z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

28. $49 \mu\text{H}$ आत्मप्रेरकत्व धरावतां गूंथणाना अने 2.5nF संधारकता धरावता संधारकथी बनेला एक टैंक परिपथथी ट्रान्समीटर माटेना केरीयर तरंगनी आवृत्ति आपवामां आवे छे. तेने 12 kHz ना ध्वनि सिनलथी भोड्युलेट करवामां आवे छे. साईर्ड बेन्डमां सामेल आवृत्ति गाणो _____.

- $13482 \text{ kHz} - 13494 \text{ kHz}$
- $442 \text{ kHz} - 466 \text{ kHz}$
- $63 \text{ kHz} - 75 \text{ kHz}$
- $18 \text{ kHz} - 30 \text{ kHz}$

29. A constant voltage is applied between two ends of a metallic wire. If the length is halved and the radius of the wire is doubled, the rate of heat developed in the wire will be :
- Doubled
 - Halved
 - Unchanged
 - Increased 8 times
30. A body takes 10 minutes to cool from 60°C to 50°C . The temperature of surroundings is constant at 25°C . Then, the temperature of the body after next 10 minutes will be approximately :
- 47°C
 - 41°C
 - 45°C
 - 43°C

29. एक धातु के तार के दोनों सिरों के बीच एक स्थिर विभव लगाया जाता है। यदि तार की लम्बाई आधी तथा त्रिज्या दोगुनी कर दी जाये तो तार में उत्पन्न ऊष्मा दर :
- दुगुनी हो जायेगी
 - आधी हो जायेगी
 - वही रहेगी
 - 8 गुना बढ़ जायेगी
30. एक पिण्ड 60°C से 50°C तक ठंडा होने में 10 मिनट का समय लेता है। वातावरण का तापमान 25°C पर स्थिर है। उसके 10 मिनट बाद पिण्ड के तापमान का करीबी मान होगा :
- 47°C
 - 41°C
 - 45°C
 - 43°C
29. એક ધાત્વીય તારના બે છેડા વચ્ચે અચળ વોલ્ટેજ લગાડેલ છે. જો તારની લંબાઈ અડધી અને ત્રિજ્યા બમણી થાય તો તારમાં ઉત્પન્ન ઉષ્માનો દર _____.
- બમણો
 - અડધો
 - બદલાશી નહીં
 - 8 વખત વધશે
30. એક પદાર્થ 60°C થી 50°C હંડે પડવા માટે 10 મીનીટ લે છે. આસપાસના વાતાવરણનું તાપમાન 25°C અચળ હોય તો પદાર્થનું 10 મીનીટ પછીનું તાપમાન લગભગ _____ થશે.
- 47°C
 - 41°C
 - 45°C
 - 43°C

PART B – CHEMISTRY

31. For per gram of reactant, the maximum quantity of N_2 gas is produced in which of the following thermal decomposition reactions?

(Given : Atomic wt. - Cr = 52 u, Ba = 137 u)

- (1) $(NH_4)_2Cr_2O_7(s) \rightarrow N_2(g) + 4H_2O(g) + Cr_2O_3(s)$
- (2) $2NH_4NO_3(s) \rightarrow 2N_2(g) + 4H_2O(g) + O_2(g)$
- (3) $Ba(N_3)_2(s) \rightarrow Ba(s) + 3N_2(g)$
- (4) $2NH_3(g) \rightarrow N_2(g) + 3H_2(g)$

32. All of the following share the same crystal structure except :

- (1) LiCl
- (2) NaCl
- (3) RbCl
- (4) CsCl

33. The de-Broglie's wavelength of electron present in first Bohr orbit of 'H' atom is :

- (1) 0.529 Å
- (2) $2\pi \times 0.529$ Å
- (3) $\frac{0.529}{2\pi}$ Å
- (4) 4×0.529 Å

भाग B – रसायन विज्ञान

31. निम्न तापीय विघटन अभिक्रियाओं में, प्रतिग्राम अभिकारक से किसमें N_2 गैस की मात्रा सर्वाधिक प्राप्त होगी?

(दिया गया है : परमाणु भार - Cr = 52 u, Ba = 137 u)

- (1) $(NH_4)_2Cr_2O_7(s) \rightarrow N_2(g) + 4H_2O(g) + Cr_2O_3(s)$
- (2) $2NH_4NO_3(s) \rightarrow 2N_2(g) + 4H_2O(g) + O_2(g)$
- (3) $Ba(N_3)_2(s) \rightarrow Ba(s) + 3N_2(g)$
- (4) $2NH_3(g) \rightarrow N_2(g) + 3H_2(g)$

32. निम्न में से एक के अतिरिक्त सबकी क्रिस्टल संरचना एक जैसी है, वह एक कौन है?

- (1) LiCl
- (2) NaCl
- (3) RbCl
- (4) CsCl

33. हाइड्रोजन परमाणु के प्रथम बोर कक्षा में उपस्थित इलेक्ट्रॉन का डी-ब्रागली तरंगदैर्घ्य होगा :

- (1) 0.529 Å
- (2) $2\pi \times 0.529$ Å
- (3) $\frac{0.529}{2\pi}$ Å
- (4) 4×0.529 Å

भाग B – રસાયણ શાસ્ત્ર

31. નીચે આપેલા ઉજ્જીવ વિઘટન પ્રક્રિયાઓમાં, પ્રતિગ્રામ પ્રક્રિયક થી ક્યામાં N_2 વાયુની માત્રા સર્વાધિક પ્રાપ્ત થાય છે?

(આપેલ પરમાણુઓની વજન Cr = 52 u, Ba = 137 u)

- (1) $(NH_4)_2Cr_2O_7(s) \rightarrow N_2(g) + 4H_2O(g) + Cr_2O_3(s)$
- (2) $2NH_4NO_3(s) \rightarrow 2N_2(g) + 4H_2O(g) + O_2(g)$
- (3) $Ba(N_3)_2(s) \rightarrow Ba(s) + 3N_2(g)$
- (4) $2NH_3(g) \rightarrow N_2(g) + 3H_2(g)$

32. નીચે આપેલામાંથી એક સિવાય બધા એકજોવા સ્ફિટિક બંધારણ ધરાવે છે :

- (1) LiCl
- (2) NaCl
- (3) RbCl
- (4) CsCl

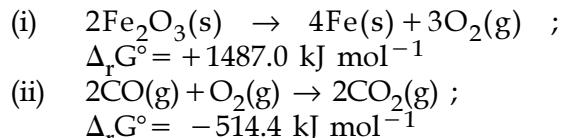
33. 'H' પરમાણુની પ્રથમ બોર કક્ષામાં હાજર રહેલા ઇલેક્ટ્રોનની ડી-બ્રોગલી તરંગ લંબાઈ શોધો.

- (1) 0.529 Å
- (2) $2\pi \times 0.529$ Å
- (3) $\frac{0.529}{2\pi}$ Å
- (4) 4×0.529 Å

34. $\Delta_f G^\circ$ at 500 K for substance 'S' in liquid state and gaseous state are $+100.7 \text{ kcal mol}^{-1}$ and $+103 \text{ kcal mol}^{-1}$, respectively. Vapour pressure of liquid 'S' at 500 K is approximately equal to :
(R = 2 cal K $^{-1}$ mol $^{-1}$)

- (1) 0.1 atm
- (2) 1 atm
- (3) 10 atm
- (4) 100 atm

35. Given



Free energy change, $\Delta_r G^\circ$ for the reaction $2\text{Fe}_2\text{O}_3(\text{s}) + 6\text{CO}(\text{g}) \rightarrow 4\text{Fe}(\text{s}) + 6\text{CO}_2(\text{g})$ will be :

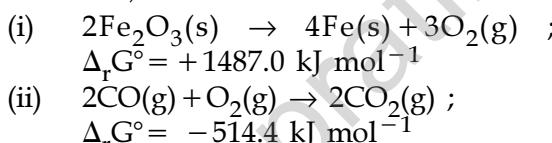
- (1) $-112.4 \text{ kJ mol}^{-1}$
- (2) $-56.2 \text{ kJ mol}^{-1}$
- (3) $-168.2 \text{ kJ mol}^{-1}$
- (4) $-208.0 \text{ kJ mol}^{-1}$

34. पदार्थ 'S' के लिये, द्रव अवस्था तथा गैसीय अवस्था में, $\Delta_f G^\circ$ का मान 500 K पर क्रमशः $+100.7 \text{ kcal mol}^{-1}$ तथा $+103 \text{ kcal mol}^{-1}$ हैं। 500 K पर द्रव 'S' का वाष्प दाब लगभग निम्न के बराबर होगा :

$$(R = 2 \text{ cal K}^{-1} \text{ mol}^{-1})$$

- (1) 0.1 atm
- (2) 1 atm
- (3) 10 atm
- (4) 100 atm

35. दिया गया है,



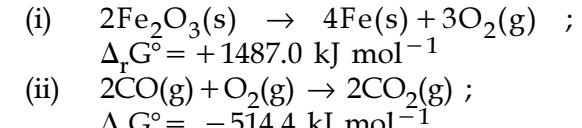
अभिक्रिया, $2\text{Fe}_2\text{O}_3(\text{s}) + 6\text{CO}(\text{g}) \rightarrow 4\text{Fe}(\text{s}) + 6\text{CO}_2(\text{g})$ के लिए मुक्त ऊर्जा परिवर्तन, $\Delta_r G^\circ$ होगा :

- (1) $-112.4 \text{ kJ mol}^{-1}$
- (2) $-56.2 \text{ kJ mol}^{-1}$
- (3) $-168.2 \text{ kJ mol}^{-1}$
- (4) $-208.0 \text{ kJ mol}^{-1}$

34. 500 K पर, $\Delta_f G^\circ$ पदार्थ 'S' माटे, प्रवाही अवस्था अने वायुमय अवस्थामां अनुकूल $+100.7 \text{ kcal mol}^{-1}$ अने $+103 \text{ kcal mol}^{-1}$ हैं। 500 K पर प्रवाही 'S' नुं भाज्यदबाण आशरे नीचेनामांथी कोई एकने बराबर थरो ले शोधो।
(R = 2 cal K $^{-1}$ mol $^{-1}$)

- (1) 0.1 atm
- (2) 1 atm
- (3) 10 atm
- (4) 100 atm

35. आपेल



$2\text{Fe}_2\text{O}_3(\text{s}) + 6\text{CO}(\text{g}) \rightarrow 4\text{Fe}(\text{s}) + 6\text{CO}_2(\text{g})$ प्रक्रिया माटे मुक्त ऊर्जा फेरफार $\Delta_r G^\circ$ नीचेनामांथी शुल्क हो ?

- (1) $-112.4 \text{ kJ mol}^{-1}$
- (2) $-56.2 \text{ kJ mol}^{-1}$
- (3) $-168.2 \text{ kJ mol}^{-1}$
- (4) $-208.0 \text{ kJ mol}^{-1}$

36. Two 5 molal solutions are prepared by dissolving a non-electrolyte non-volatile solute separately in the solvents X and Y. The molecular weights of the solvents are M_X and M_Y , respectively where $M_X = \frac{3}{4} M_Y$. The relative lowering of vapour pressure of the solution in X is "m" times that of the solution in Y. Given that the number of moles of solute is very small in comparison to that of solvent, the value of "m" is :

- (1) $\frac{4}{3}$
- (2) $\frac{3}{4}$
- (3) $\frac{1}{2}$
- (4) $\frac{1}{4}$

36. X तथा Y विलायकों में विद्युत अनपघट्य तथा अवाष्पशील विलेय को घोलकर अलग-अलग 5 मोलल विलयन तैयार किये जाते हैं। विलायकों के अणुभार

$$\text{क्रमशः } M_X \text{ तथा } M_Y \text{ हैं जहाँ } M_X = \frac{3}{4} M_Y. X \text{ में}$$

बनाये हुए विलयन के वाष्पदाब का सापेक्ष अवनमन Y में बनाये हुए विलयन के सापेक्ष वाष्पदाब अवनमन का "m" गुना है। दिया गया है कि विलेयक की तुलना में विलेय के मोलों की संख्या बहुत कम है।

"m" का मान होगा :

- (1) $\frac{4}{3}$
- (2) $\frac{3}{4}$
- (3) $\frac{1}{2}$
- (4) $\frac{1}{4}$

36. विद्युत अविभाज्य अभाष्पशील द्रावकों X अने Y मां ओगाणीने अलग अलग 5 मोललना बे द्रावणो बनाववामां आव्या. द्रावकोना आइवीय ८७ अनुकमे

$$M_X \text{ अने } M_Y \text{ छे, ज्यां } M_X = \frac{3}{4} M_Y. \text{ द्रावण } Y$$

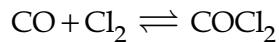
करतां द्रावण X ना बाष्पद्वाणीमां थतो सापेक्ष धटाडो "m" गणो छे. द्राव्यना भोलनी संज्या द्रावकनी सरभामणीमां खूब ४ ओछी छे ले आपेल छे, तो "m" नी किंभत शोधो.

- (1) $\frac{4}{3}$
- (2) $\frac{3}{4}$
- (3) $\frac{1}{2}$
- (4) $\frac{1}{4}$

37. Following four solutions are prepared by mixing different volumes of NaOH and HCl of different concentrations, pH of which one of them will be equal to 1 ?

- (1) 100 mL $\frac{M}{10}$ HCl + 100 mL $\frac{M}{10}$ NaOH
- (2) 75 mL $\frac{M}{5}$ HCl + 25 mL $\frac{M}{5}$ NaOH
- (3) 60 mL $\frac{M}{10}$ HCl + 40 mL $\frac{M}{10}$ NaOH
- (4) 55 mL $\frac{M}{10}$ HCl + 45 mL $\frac{M}{10}$ NaOH

38. At a certain temperature in a 5 L vessel, 2 moles of carbon monoxide and 3 moles of chlorine were allowed to reach equilibrium according to the reaction,



At equilibrium, if one mole of CO is present then equilibrium constant (K_c) for the reaction is :

- (1) 2
- (2) 2.5
- (3) 3
- (4) 4

37. अलग-अलग सान्द्रताओं के NaOH तथा HCl के अलग-अलग आयतनों को मिलाकर चार विलयन तैयार किये जाते हैं। निम्न में से किस बनाये हुए विलयन का pH, एक (1) होगा ?

- (1) 100 mL $\frac{M}{10}$ HCl + 100 mL $\frac{M}{10}$ NaOH
- (2) 75 mL $\frac{M}{5}$ HCl + 25 mL $\frac{M}{5}$ NaOH
- (3) 60 mL $\frac{M}{10}$ HCl + 40 mL $\frac{M}{10}$ NaOH
- (4) 55 mL $\frac{M}{10}$ HCl + 45 mL $\frac{M}{10}$ NaOH

38. एक दिये हुए ताप पर, 5 L के पात्र में 2 मोल कार्बन मोनोक्साइड तथा 3 मोल क्लोरीन को अभिक्रियित करके निम्न प्रकार से साम्य पर लाया जाता है,



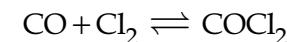
साम्य पर यदि CO का एक मोल उपस्थित हो तो अभिक्रिया का साम्य स्थिरांक (K_c) होगा :

- (1) 2
- (2) 2.5
- (3) 3
- (4) 4

37. જુદા જુદા કદ અને જુદી જુદી સાંદ્રતા ધરાવતા NaOH અને HCl ના દ્રાવણોને મિશ્ર કરીને થાર દ્રાવણો આપેલા છે. નીચે આપેલામાંથી ક્યા એકની pH 1 ને બરાબર થશે ?

- (1) 100 mL $\frac{M}{10}$ HCl + 100 mL $\frac{M}{10}$ NaOH
- (2) 75 mL $\frac{M}{5}$ HCl + 25 mL $\frac{M}{5}$ NaOH
- (3) 60 mL $\frac{M}{10}$ HCl + 40 mL $\frac{M}{10}$ NaOH
- (4) 55 mL $\frac{M}{10}$ HCl + 45 mL $\frac{M}{10}$ NaOH

38. 5 L પાત્રમાં નિયત તાપમાને 2 મોલ કાર્બન મોનોક્સાઇડ અને 3 મોલ ક્લોરિનને નીચે આપેલ પ્રક્રિયા પ્રમાણે સંતુલન પ્રાપ્ત કરે ત્યાં સુધી ભેગા કરવામાં આવ્યા -



સંતુલને, જે એક મોલ CO હાજર હોય તો પ્રક્રિયા માટેનો સંતુલન અચળાંક (K_c) શોધો.

- (1) 2
- (2) 2.5
- (3) 3
- (4) 4

39. If x gram of gas is adsorbed by m gram of adsorbent at pressure P , the plot of $\log \frac{x}{m}$ versus $\log P$ is linear. The slope of the plot is :

(n and k are constants and $n > 1$)

- (1) $2k$
- (2) $\log k$
- (3) n
- (4) $\frac{1}{n}$

40. For a first order reaction, $A \rightarrow P$, $t_{1/2}$ (half-life) is 10 days. The time required for $\frac{1}{4}$ conversion of A (in days) is :

($\ln 2 = 0.693$, $\ln 3 = 1.1$)

- (1) 5
- (2) 3.2
- (3) 4.1
- (4) 2.5

39. यदि P दाब पर, किसी गैस का x ग्राम किसी एक m ग्राम अधिशोषक से अधिशोषित होता है, तो $\log \frac{x}{m}$ का $\log P$ के विरुद्ध प्लाट रेखीय होगा। प्लाट की प्रवणता (स्लोप) निम्न होगी :

(n तथा k स्थिरांक हैं तथा $n > 1$)

- (1) $2k$
- (2) $\log k$
- (3) n
- (4) $\frac{1}{n}$

40. प्रथम कोटि की अभिक्रिया $A \rightarrow P$, के लिए, $t_{1/2}$ (अर्द्ध आयु) 10 दिन है। A के $\frac{1}{4}$ परिवर्तन के लिए

(दिनों में) लगने वाला समय होगा :

($\ln 2 = 0.693$, $\ln 3 = 1.1$)

- (1) 5
- (2) 3.2
- (3) 4.1
- (4) 2.5

39. દ્વાણ P પર, જો x ગ્રામ વાયુ એ m ગ્રામ અધિશોષક પર અધિશોષિત થાય છે. $\log \frac{x}{m}$ વિરુદ્ધ $\log P$ નો આલેખ રેખીય છે. આલેખનો ફાળ શું છે ?

(n અને k અચળાંકો છે અને $n > 1$)

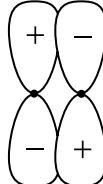
- (1) $2k$
- (2) $\log k$
- (3) n
- (4) $\frac{1}{n}$

40. પ્રથમ કમની પ્રક્રિયા $A \rightarrow P$ માટે, $t_{1/2}$ (અર્દ-આયુષ્ય) 10 દિવસો છે. A નું $\frac{1}{4}$ ડિપાર્ટરણ થવા માટેનો જરૂરી સમય (દિવસોમાં) શોધો.

($\ln 2 = 0.693$, $\ln 3 = 1.1$)

- (1) 5
- (2) 3.2
- (3) 4.1
- (4) 2.5

41. Which of the following best describes the diagram below of a molecular orbital?



- A non-bonding orbital
- An antibonding σ orbital
- A bonding π orbital
- An antibonding π orbital

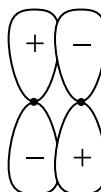
42. Biochemical Oxygen Demand (BOD) value can be a measure of water pollution caused by the organic matter. Which of the following statements is correct?

- Aerobic bacteria decrease the BOD value.
- Anaerobic bacteria increase the BOD value.
- Clean water has BOD value higher than 10 ppm.
- Polluted water has BOD value higher than 10 ppm.

43. In KO_2 , the nature of oxygen species and the oxidation state of oxygen atom are, respectively:

- Oxide and -2
- Superoxide and -1/2
- Peroxide and -1/2
- Superoxide and -1

41. अणु कक्षक के दिये गये चित्र को, निम्न में से कौन सर्वोत्तम ढंग से समझाता है?



- एक अनाबंधी कक्षक
- एक प्रतिआबंधी σ कक्षक
- एक आबंधी π कक्षक
- एक प्रतिआबंधी π कक्षक

42. जैव रासायनिक ऑक्सीजन आवश्यकता (BOD) का मान कार्बनिक पदार्थों द्वारा किये गये जल प्रदूषण का माप हो सकता है। निम्न कथनों में से कौन सा सही है?

- वायुजीवी बैक्टीरिया BOD का मान घटाते हैं।
- अवायवीय बैक्टीरिया BOD का मान बढ़ाते हैं।
- साफ जल के BOD का मान 10 ppm से ज्यादा होता है।
- प्रदूषित जल के BOD का मान 10 ppm से ज्यादा होता है।

43. KO_2 में ऑक्सीजन स्पीशीज की प्रकृति तथा ऑक्सीजन परमाणु की ऑक्सीकरण अवस्था क्रमशः हैं :

- ऑक्साइड तथा -2
- सुपरऑक्साइड तथा -1/2
- परऑक्साइड तथा -1/2
- सुपरऑक्साइड तथा -1

41. नीचे आपेल आएवीय कक्षकनी आटूतिने नीचे आपेलामांथी क्या वठे सौथी सारी रीते वर्षावी शकाय ?



- अबंधकारक कक्षक
- बंधप्रतिकारक σ कक्षक
- बंधकारक π कक्षक
- बंधप्रतिकारक π कक्षक

42. कार्बनिक पदार्थों द्वारा थंतुं पाणीनु प्रदूषण जैवरासाधिक ओक्सिजन डीमान्ड (BOD) ना भूत्य द्वारा आपी शकाय छे. नीचे आपेला विधानोमांथी क्युं साचुं छे ?

- वायुजीवी बैक्टीरिया BOD नु भूत्य घटाए छे.
- अवायवीय बैक्टीरिया BOD नु भूत्य वधारे छे.
- शुद्ध पाणीनु BOD भूत्य 10 ppm थी वधारे होय छे.
- प्रदूषित पाणीनु BOD भूत्य 10 ppm थी वधारे होय छे.

43. KO_2 मां, ओक्सिजन स्पीशीजनी प्रकृति अने ओक्सिजन परमाणुनी ओक्सिडेशन अवस्था अनुक्ते शोधो.

- ओक्साईड अने -2
- सुपरऑक्साईड अने -1/2
- परऑक्साईड अने -1/2
- सुपरऑक्साईड अने -1

44. The number of P – O bonds in P_4O_6 is :

- (1) 6
- (2) 9
- (3) 12
- (4) 18

45. Lithium aluminium hydride reacts with silicon tetrachloride to form :

- (1) $LiCl$, AlH_3 and SiH_4
- (2) $LiCl$, $AlCl_3$ and SiH_4
- (3) LiH , $AlCl_3$ and $SiCl_2$
- (4) LiH , AlH_3 and SiH_4

46. The correct order of spin-only magnetic moments among the following is :

(Atomic number : Mn = 25, Co = 27, Ni = 28, Zn = 30)

- (1) $[ZnCl_4]^{2-} > [NiCl_4]^{2-} > [CoCl_4]^{2-} > [MnCl_4]^{2-}$
- (2) $[CoCl_4]^{2-} > [MnCl_4]^{2-} > [NiCl_4]^{2-} > [ZnCl_4]^{2-}$
- (3) $[NiCl_4]^{2-} > [CoCl_4]^{2-} > [MnCl_4]^{2-} > [ZnCl_4]^{2-}$
- (4) $[MnCl_4]^{2-} > [CoCl_4]^{2-} > [NiCl_4]^{2-} > [ZnCl_4]^{2-}$

47. The correct order of electron affinity is :

- (1) F > Cl > O
- (2) F > O > Cl
- (3) Cl > F > O
- (4) O > F > Cl

44. P_4O_6 में P – O आबन्धों की संख्या है :

- (1) 6
- (2) 9
- (3) 12
- (4) 18

45. लीथियम ऐलुमीनियम हाइड्राइड, सिलिकॉन टेक्सिलोराइड के साथ अभिक्रिया करके बनाता है :

- (1) $LiCl$, AlH_3 तथा SiH_4
- (2) $LiCl$, $AlCl_3$ तथा SiH_4
- (3) LiH , $AlCl_3$ तथा $SiCl_2$
- (4) LiH , AlH_3 तथा SiH_4

46. निम्न के बीच प्रचक्रण मात्र चुम्बकीय आघूर्ण का सही क्रम है :

(परमाणु संख्या : Mn = 25, Co = 27, Ni = 28, Zn = 30)

- (1) $[ZnCl_4]^{2-} > [NiCl_4]^{2-} > [CoCl_4]^{2-} > [MnCl_4]^{2-}$
- (2) $[CoCl_4]^{2-} > [MnCl_4]^{2-} > [NiCl_4]^{2-} > [ZnCl_4]^{2-}$
- (3) $[NiCl_4]^{2-} > [CoCl_4]^{2-} > [MnCl_4]^{2-} > [ZnCl_4]^{2-}$
- (4) $[MnCl_4]^{2-} > [CoCl_4]^{2-} > [NiCl_4]^{2-} > [ZnCl_4]^{2-}$

47. इलेक्ट्रॉन बंधुता का सही क्रम है :

- (1) F > Cl > O
- (2) F > O > Cl
- (3) Cl > F > O
- (4) O > F > Cl

44. P_4O_6 में P – O बंधोंनी संख्या शोधो.

- (1) 6
- (2) 9
- (3) 12
- (4) 18

45. लीथियम ऐलुमीनियम हाइड्राइड सीलीकेन टेक्सिलोराइड साथे प्रक्रिया करीने जे बनावे ते शोधो.

- (1) $LiCl$, AlH_3 अने SiH_4
- (2) $LiCl$, $AlCl_3$ अने SiH_4
- (3) LiH , $AlCl_3$ अने $SiCl_2$
- (4) LiH , AlH_3 अने SiH_4

46. नीचे आपेलामांथी फ़क्त स्पैन चुंबकीय चाकमात्रानो साथो कम शोधो.

(परमाणु संख्या : Mn = 25, Co = 27, Ni = 28, Zn = 30)

- (1) $[ZnCl_4]^{2-} > [NiCl_4]^{2-} > [CoCl_4]^{2-} > [MnCl_4]^{2-}$
- (2) $[CoCl_4]^{2-} > [MnCl_4]^{2-} > [NiCl_4]^{2-} > [ZnCl_4]^{2-}$
- (3) $[NiCl_4]^{2-} > [CoCl_4]^{2-} > [MnCl_4]^{2-} > [ZnCl_4]^{2-}$
- (4) $[MnCl_4]^{2-} > [CoCl_4]^{2-} > [NiCl_4]^{2-} > [ZnCl_4]^{2-}$

47. इलेक्ट्रॉन बंधुतानो साथो कम शोधो.

- (1) F > Cl > O
- (2) F > O > Cl
- (3) Cl > F > O
- (4) O > F > Cl

48. In XeO_3F_2 , the number of bond pair(s), π -bond(s) and lone pair(s) on Xe atom respectively are :
 (1) 5, 2, 0
 (2) 4, 2, 2
 (3) 5, 3, 0
 (4) 4, 4, 0
49. In the leaching method, bauxite ore is digested with a concentrated solution of NaOH that produces 'X'. When CO_2 gas is passed through the aqueous solution of 'X', a hydrated compound 'Y' is precipitated. 'X' and 'Y' respectively are :
 (1) NaAlO_2 and $\text{Al}_2(\text{CO}_3)_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
 (2) $\text{Al}(\text{OH})_3$ and $\text{Al}_2\text{O}_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
 (3) $\text{Na}[\text{Al}(\text{OH})_4]$ and $\text{Al}_2\text{O}_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
 (4) $\text{Na}[\text{Al}(\text{OH})_4]$ and $\text{Al}_2(\text{CO}_3)_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
50. The total number of possible isomers for square-planar $[\text{Pt}(\text{Cl})(\text{NO}_2)(\text{NO}_3)(\text{SCN})]^{2-}$ is :
 (1) 8
 (2) 12
 (3) 16
 (4) 24

48. XeO_3F_2 में, आबंध-युग्म (युग्मों), π -आबंध (आबंधों) तथा Xe परमाणु पर एकाकी युग्म (युग्मों) की संख्या क्रमशः हैं :
 (1) 5, 2, 0
 (2) 4, 2, 2
 (3) 5, 3, 0
 (4) 4, 4, 0
49. निश्चालन विधि में बॉक्साइट अयस्क को NaOH के सान्द्र विलयन में पाचित किया जाता है जिससे 'X' प्राप्त होता है। जब CO_2 को 'X' के जलीय विलयन से प्रवाहित किया जाता है तब एक जलयोजित यौगिक 'Y' अवक्षेपित होता है। 'X' तथा 'Y' क्रमशः हैं :
 (1) NaAlO_2 तथा $\text{Al}_2(\text{CO}_3)_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
 (2) $\text{Al}(\text{OH})_3$ तथा $\text{Al}_2\text{O}_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
 (3) $\text{Na}[\text{Al}(\text{OH})_4]$ तथा $\text{Al}_2\text{O}_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
 (4) $\text{Na}[\text{Al}(\text{OH})_4]$ तथा $\text{Al}_2(\text{CO}_3)_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
50. वर्ग समतली [Pt(Cl)(NO₂)(NO₃)(SCN)]²⁻ के लिए सम्भव समावयवियों की कुल संख्या है :
 (1) 8
 (2) 12
 (3) 16
 (4) 24
48. XeO_3F_2 मां बंध युग्म(ओ), π -बंध(धो) नी संख्या अने Xe उपर अबंधकारक युग्म(ओ) नी संख्या अनुकमे शोधो.
 (1) 5, 2, 0
 (2) 4, 2, 2
 (3) 5, 3, 0
 (4) 4, 4, 0
49. निकालन पद्धतिमां, बोक्साइट अयस्कने सान्द्र NaOH ना द्रावण साथे चयन करतां 'X' उत्पन्न थाय छे. 'X' ना जलीय द्रावणमांथी CO_2 वायु पसार करवामां आवता पाणीयुक्त संयोजन 'Y' अवक्षेपित थाय छे. 'X' अने 'Y' अनुकमे शोधो.
 (1) NaAlO_2 अने $\text{Al}_2(\text{CO}_3)_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
 (2) $\text{Al}(\text{OH})_3$ अने $\text{Al}_2\text{O}_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
 (3) $\text{Na}[\text{Al}(\text{OH})_4]$ अने $\text{Al}_2\text{O}_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
 (4) $\text{Na}[\text{Al}(\text{OH})_4]$ अने $\text{Al}_2(\text{CO}_3)_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$
50. समतलीय समयोरस $[\text{Pt}(\text{Cl})(\text{NO}_2)(\text{NO}_3)(\text{SCN})]^{2-}$ माटे शक्य समघटकोनी कुल संख्या शोधो.
 (1) 8
 (2) 12
 (3) 16
 (4) 24

51. Two compounds I and II are eluted by column chromatography (adsorption of $I > II$). Which one of following is a correct statement ?

- I moves faster and has higher R_f value than II
- II moves faster and has higher R_f value than I
- I moves slower and has higher R_f value than II
- II moves slower and has higher R_f value than I

52. Which of the following statements is **not** true ?

- Step growth polymerisation requires a bifunctional monomer.
- Nylon 6 is an example of step-growth polymerisation.
- Chain growth polymerisation includes both homopolymerisation and copolymerisation.
- Chain growth polymerisation involves homopolymerisation only.

51. स्तम्भवर्ण लेखन द्वारा दो यौगिकों I तथा II (अधिशोषण $I > II$) को क्षालित किया। निम्न में से कौन एक सही कथन है?

- I तेज़ चलता है तथा उसके R_f का मान II की तुलना में उच्चतर है।
- II तेज़ चलता है तथा उसके R_f का मान I की तुलना में उच्चतर है।
- I धीमा चलता है तथा उसके R_f का मान II की तुलना में उच्चतर है।
- II धीमा चलता है तथा उसके R_f का मान I की तुलना में उच्चतर है।

52. निम्न में से कौन सा कथन सत्य नहीं है?

- सोपानवृद्धि बहुलकन के लिए द्विअभिलक्षक एकलक की आवश्यकता होती है।
- नायलोन - 6 सोपानवृद्धि बहुलकन का एक उदाहरण है।
- शृंखला वृद्धि बहुलकन में समबहुलकन तथा सहबहुलकन दोनों होते हैं।
- शृंखला वृद्धि बहुलकन में मात्र समबहुलकन होता है।

51. બે સંયોજનો I અને II ને સ્તંભ કોમેટોગ્રાફી (અધિશોષણ $I > II$) દ્વારા નિકાલીત (eluted) કરવામાં આવે છે. નીચે આપેલામાંથી ક્યું એક વિધાન સાચું છે?

- I ઝડપથી ચાલે છે અને તેનું R_f મૂલ્ય II કરતાં વધારે છે.
- II ઝડપથી ચાલે છે અને તેનું R_f મૂલ્ય I કરતાં વધારે છે.
- I ધીમે ચાલે છે અને તેનું R_f મૂલ્ય II કરતાં વધારે છે.
- II ધીમે ચાલે છે અને તેનું R_f મૂલ્ય I કરતાં વધારે છે.

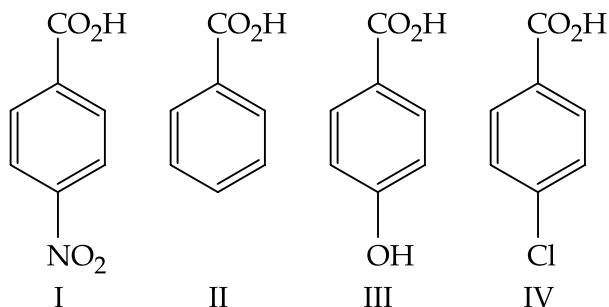
52. નીચે આપેલા વિધાનોમાંથી ક્યું સાચું નથી?

- તબક્કાવાર વૃદ્ધિ બહુલીકરણ માટે બે ક્રિયાશીલ મોનોમર જરૂરી છે.
- નાયલોન 6 એ તબક્કાવાર વૃદ્ધિ બહુલીકરણનું ઉદાહરણ છે.
- સાંકળ વૃદ્ધિ બહુલીકરણ એ હોમોબહુલીકરણ અને કોબહુલીકરણ બન્ને ને સમાવે છે.
- સાંકળ વૃદ્ધિ બહુલીકરણમાં ફક્ત હોમોબહુલીકરણ શામેલ છે.

53. When 2-butyne is treated with H₂/Lindlar's catalyst, compound X is produced as the major product and when treated with Na/liq. NH₃ it produces Y as the major product. Which of the following statements is correct?

- X will have higher dipole moment and higher boiling point than Y.
- Y will have higher dipole moment and higher boiling point than X.
- X will have lower dipole moment and lower boiling point than Y.
- Y will have higher dipole moment and lower boiling point than X.

54. The increasing order of the acidity of the following carboxylic acids is :

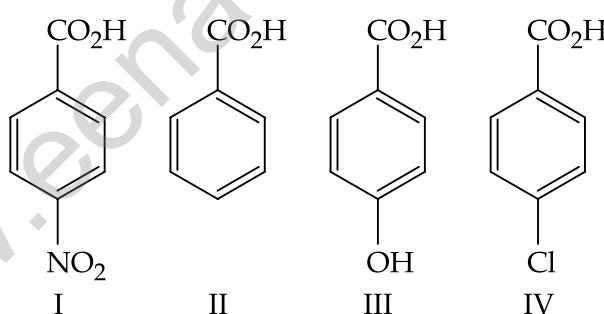


- I < III < II < IV
- IV < II < III < I
- II < IV < III < I
- III < II < IV < I

53. जब 2-ब्यूटाइन को H₂/लिन्डलर उत्प्रेरक के साथ अभिक्रियत किया जाता है तो यौगिक X एक मुख्य उत्पाद के रूप में मिलता है और जब उसे Na/द्रव NH₃ के साथ अभिक्रियत किया जाता है तब वह Y एक मुख्य उत्पाद के रूप में देता है। निम्न कथनों में से कौन सा कथन सही है?

- X का, Y की तुलना में, उच्चतर द्विधुत आघूर्ण तथा उच्चतर क्वथनांक होगा।
- Y का, X की तुलना में, उच्चतर द्विधुत आघूर्ण तथा उच्चतर क्वथनांक होगा।
- X का, Y की तुलना में, निम्नतर द्विधुत आघूर्ण तथा निम्नतर क्वथनांक होगा।
- Y का, X की तुलना में, द्विधुत आघूर्ण उच्चतर तथा क्वथनांक निम्नतर होगा।

54. निम्न कार्बोक्सिलिक अम्लों की अम्लीयता का बढ़ता क्रम है :



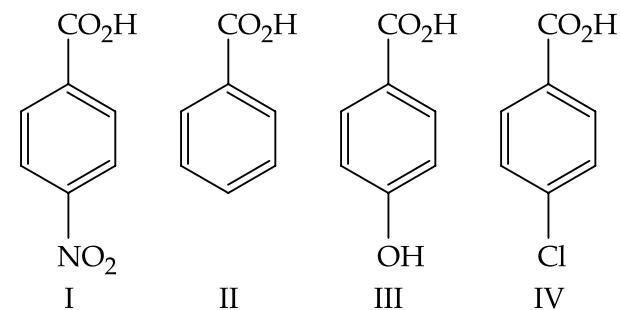
- I < III < II < IV
- IV < II < III < I
- II < IV < III < I
- III < II < IV < I

53. જ્યારે 2-બ્યૂટાઇનની H₂/લીન્ડલર ઉત્પ્રેક સાથે પ્રક્રિયા કરતા સંયોજન X એ મુખ્ય નીપળ તરીકે પ્રાપ્ત થાય છે અને જ્યારે તેની Na/liq. NH₃ સાથે પ્રક્રિયા કરતાં Y એ મુખ્ય નીપળ તરીકે પ્રાપ્ત થાય છે.

નીચે આપેલા વિધાનોમાંથી કૃયું વિધાન સાચું છે ?

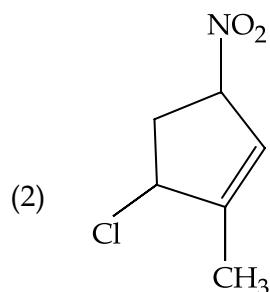
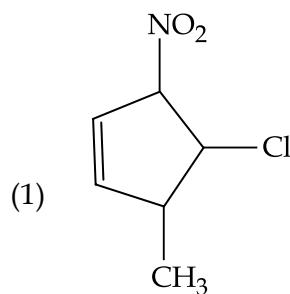
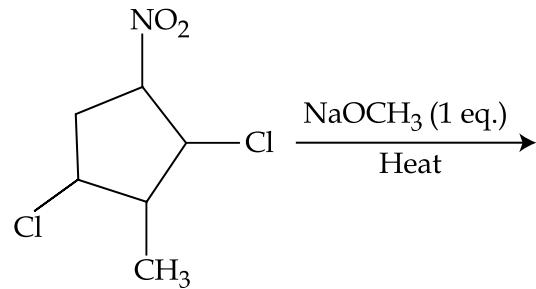
- X ની Y કરતાં દ્વિધુત ચાકમાત્રા અને ઉત્કલનબિંદુ મહત્તમ થશે.
- Y ની X કરતાં દ્વિધુત ચાકમાત્રા અને ઉત્કલનબિંદુ મહત્તમ થશે.
- X ની Y કરતાં દ્વિધુત ચાકમાત્રા અને ઉત્કલનબિંદુ નીચું થશે.
- Y ની X કરતાં દ્વિધુત ચાકમાત્રા મહત્તમ થશે અને ઉત્કલનબિંદુ નીચું થશે.

54. નીચે આપેલા કાર્બોક્સિલિક એસિડોમાંથી તેની એસિડિકતાનો ચઢતો ફર્મ શોધો.

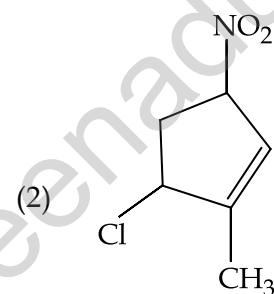
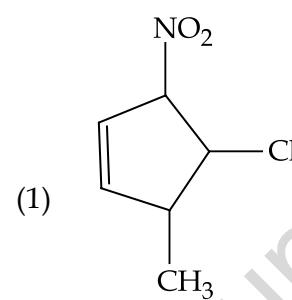
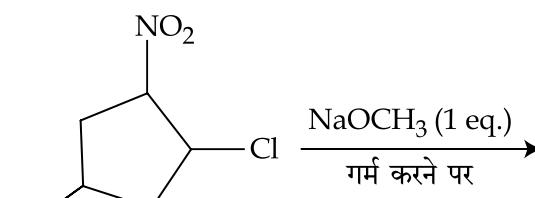


- I < III < II < IV
- IV < II < III < I
- II < IV < III < I
- III < II < IV < I

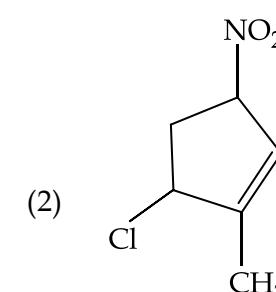
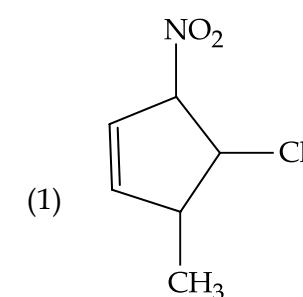
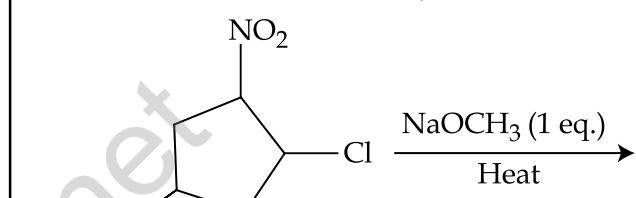
55. The major product formed in the following reaction is :

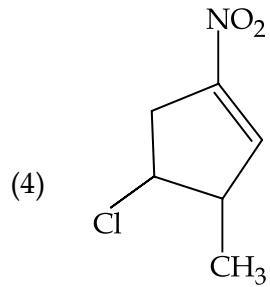
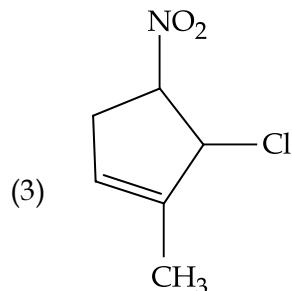


55. निम्न अभिक्रिया में बननेवाला मुख्य उत्पाद है :

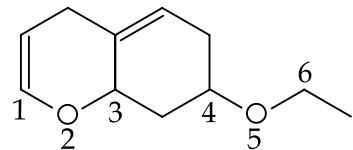


55. નીચે આપેલ પ્રક્રિયામાં બનતી મુખ્ય નીપજ શોધો.

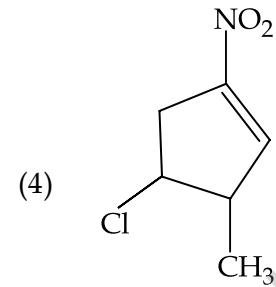
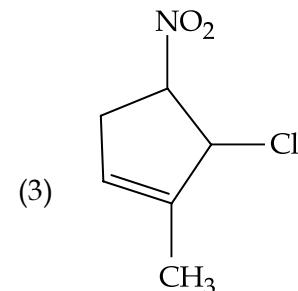




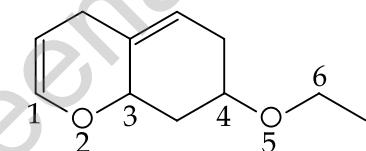
56. On treatment of the following compound with a strong acid, the most susceptible site for bond cleavage is :



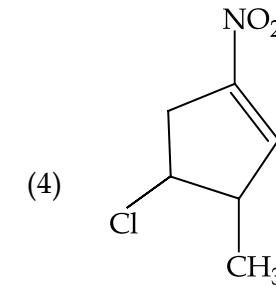
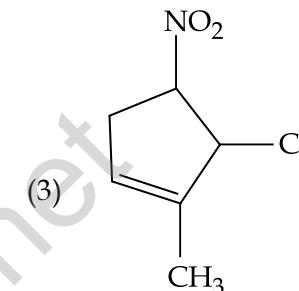
- (1) C1 – O2
- (2) O2 – C3
- (3) C4 – O5
- (4) O5 – C6



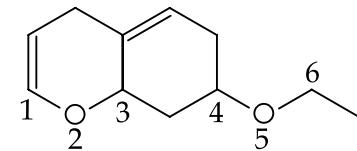
56. निम्न यौगिक को एक प्रबल अम्ल से अभिक्रियत करने पर आबन्ध टूटने का सर्वाधिक संग्राही स्थान होंगा :



- (1) C1 – O2
- (2) O2 – C3
- (3) C4 – O5
- (4) O5 – C6

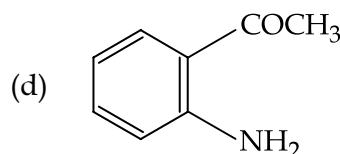
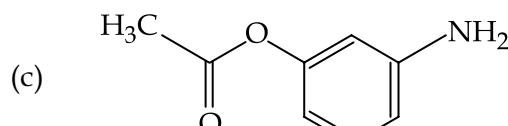
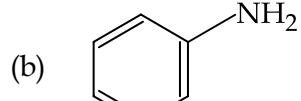
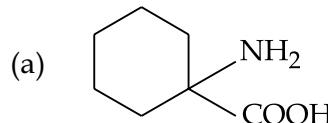


56. નીચે આપેલા સંયોજનની પ્રબળ એસિડ સાથે પ્રક્રિયા કરતાં, બંધ તૂટવાનું સૌથી વધુ સંભવિત સ્થાન શોધો.



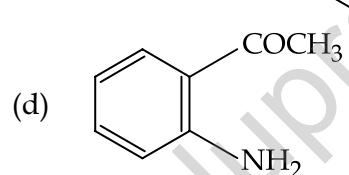
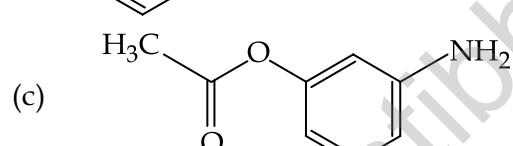
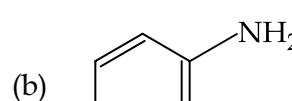
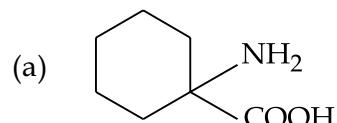
- (1) C1 – O2
- (2) O2 – C3
- (3) C4 – O5
- (4) O5 – C6

57. The increasing order of diazotisation of the following compounds is :



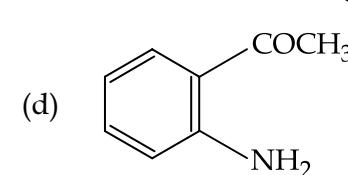
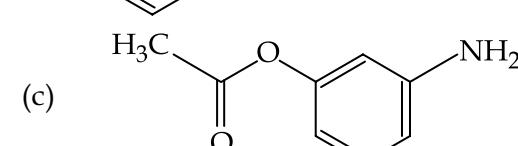
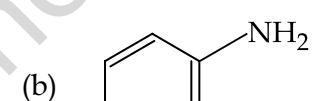
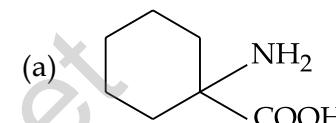
- (1) (a) < (b) < (c) < (d)
- (2) (a) < (d) < (b) < (c)
- (3) (a) < (d) < (c) < (b)
- (4) (d) < (c) < (b) < (a)

57. निम्न यौगिकों के डाइएजोटीकरण का बढ़ता हुआ क्रम है :



- (1) (a) < (b) < (c) < (d)
- (2) (a) < (d) < (b) < (c)
- (3) (a) < (d) < (c) < (b)
- (4) (d) < (c) < (b) < (a)

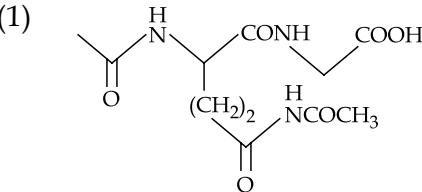
57. નીચે આપેલા સંયોજનોનો ડાયએજોટાઈઝેશનનો ચક્રતો ક્રમ શોધો.



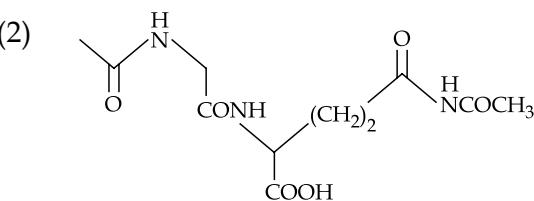
- (1) (a) < (b) < (c) < (d)
- (2) (a) < (d) < (b) < (c)
- (3) (a) < (d) < (c) < (b)
- (4) (d) < (c) < (b) < (a)

58. The dipeptide, Gln-Gly, on treatment with CH_3COCl followed by aqueous work up gives :

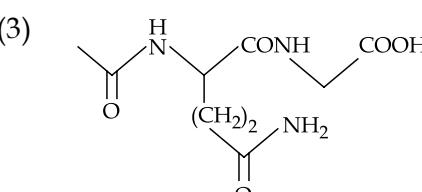
(1)



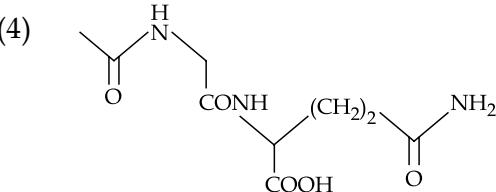
(2)



(3)

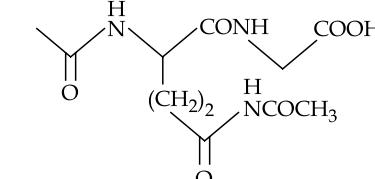


(4)

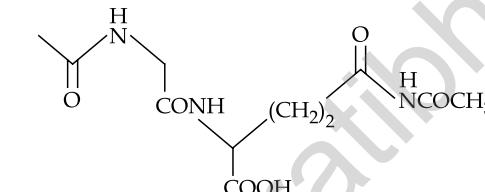


58. डाइपेप्टाइड, Gln-Gly को CH_3COCl के साथ अभिक्रियत करने के तत्पश्चात् जलीय कर्मण (work up) पर प्राप्त होगा :

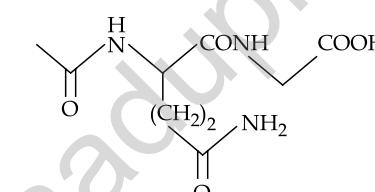
(1)



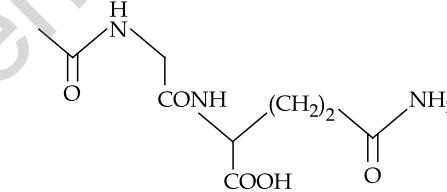
(2)



(3)

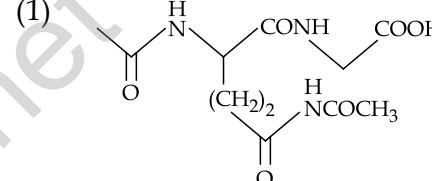


(4)

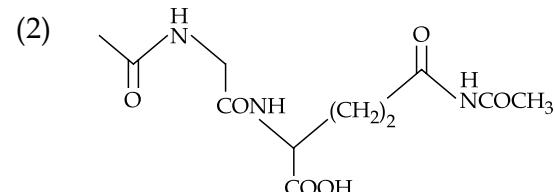


58. ડાઇપેપ્ટાઇડ Gln-Gly, ની CH_3COCl સાથે પ્રક્રિયા કર્યા બાદ જલીય કાર્ય કરતા (aqueous work up) પ્રાપ્ત થાય તે શોધો.

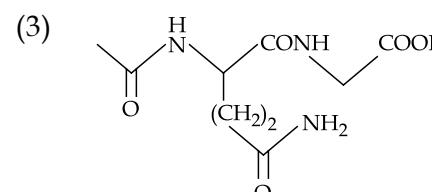
(1)



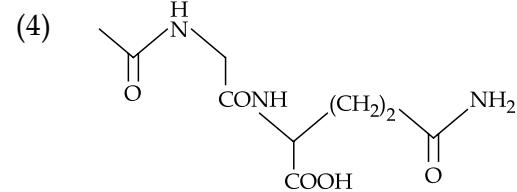
(2)



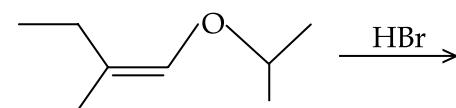
(3)



(4)

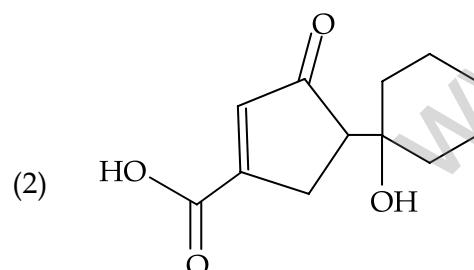
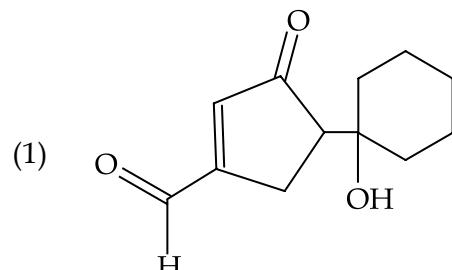
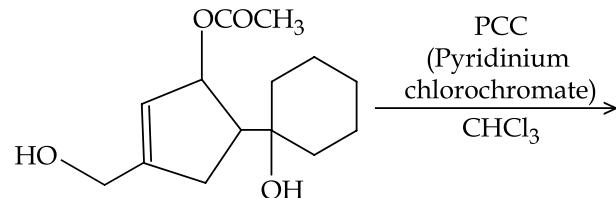


59. The total number of optically active compounds formed in the following reaction is :

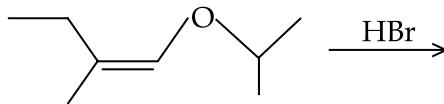


- (1) Two
- (2) Four
- (3) Six
- (4) Zero

60. The major product formed in the following reaction is :

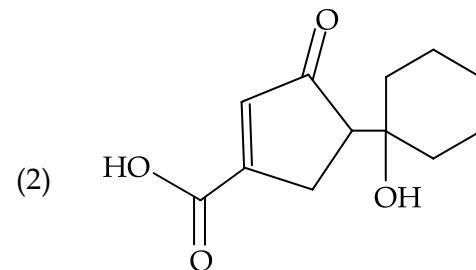
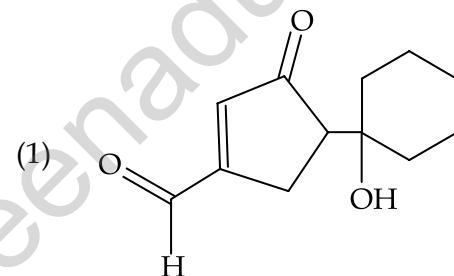
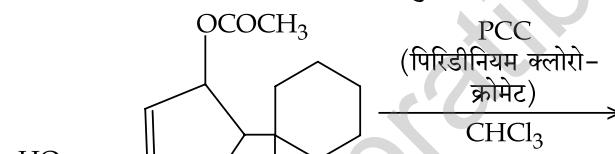


59. निम्न अभिक्रिया में बने ध्रुवण घूर्णकता वाले यौगिकों की कुल संख्या है :

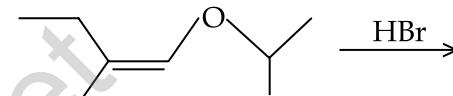


- (1) दो
- (2) चार
- (3) छः
- (4) शून्य

60. निम्न अभिक्रिया में बननेवाला मुख्य उत्पाद है,

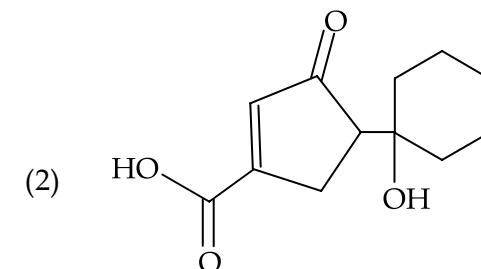
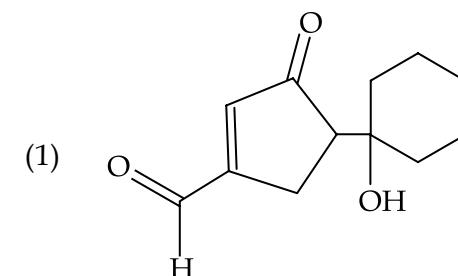
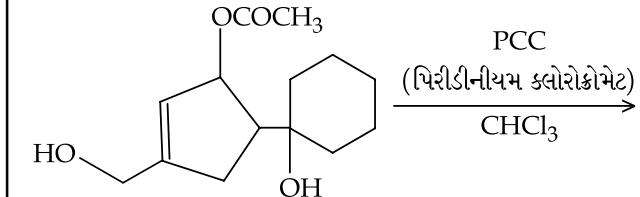


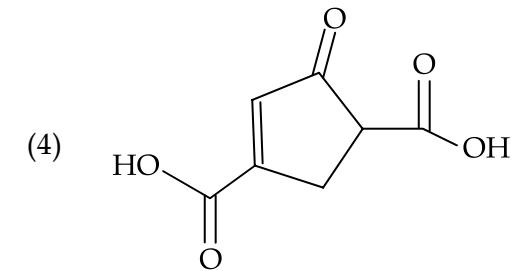
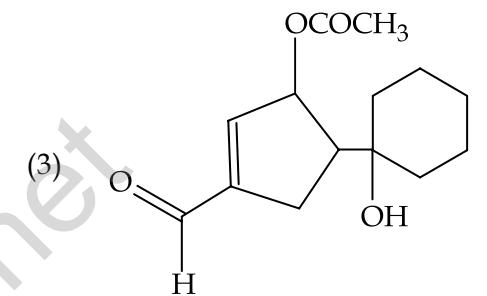
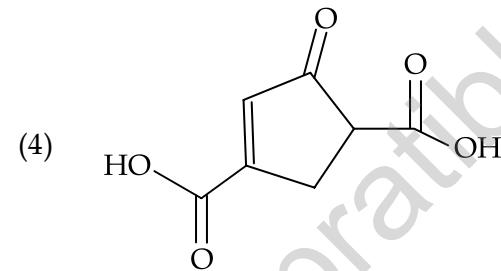
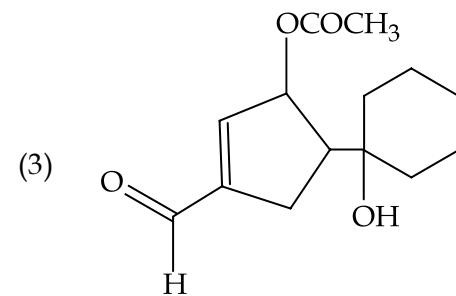
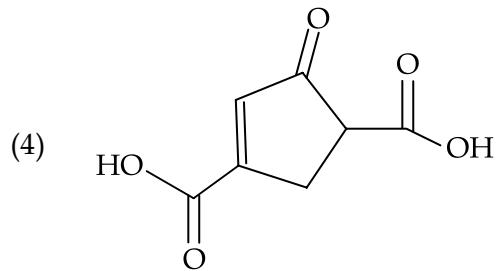
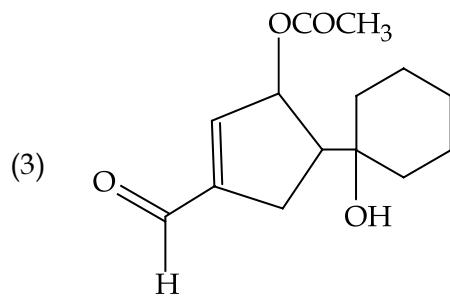
59. નીચે આપેલ પ્રક્રિયામાંથી બનતા પ્રકાશ ફિયાશીલ સંયોજનોની કુલ સંખ્યા શોધો.



- (1) બે
- (2) ચાર
- (3) છ
- (4) શૂન્ય

60. નીચે આપેલ પ્રક્રિયામાંથી બનતી મુખ્ય નીપળ શોધો.





PART C – MATHEMATICS

61. Let $f : A \rightarrow B$ be a function defined as $f(x) = \frac{x-1}{x-2}$, where $A = \mathbb{R} - \{2\}$ and $B = \mathbb{R} - \{1\}$. Then f is :

- (1) invertible and $f^{-1}(y) = \frac{3y-1}{y-1}$
- (2) invertible and $f^{-1}(y) = \frac{2y-1}{y-1}$
- (3) invertible and $f^{-1}(y) = \frac{2y+1}{y-1}$
- (4) not invertible

62. If $f(x)$ is a quadratic expression such that $f(1) + f(2) = 0$, and -1 is a root of $f(x) = 0$, then the other root of $f(x) = 0$ is :

- (1) $-\frac{5}{8}$
- (2) $-\frac{8}{5}$
- (3) $\frac{5}{8}$
- (4) $\frac{8}{5}$

भाग C – गणित

61. यदि $A = \mathbb{R} - \{2\}$, $B = \mathbb{R} - \{1\}$ हैं तथा फलन $f : A \rightarrow B$; $f(x) = \frac{x-1}{x-2}$ द्वारा परिभाषित है, तो f :

- (1) व्युक्तमणीय है तथा $f^{-1}(y) = \frac{3y-1}{y-1}$
- (2) व्युक्तमणीय है और $f^{-1}(y) = \frac{2y-1}{y-1}$
- (3) व्युक्तमणीय है और $f^{-1}(y) = \frac{2y+1}{y-1}$
- (4) व्युक्तमणीय नहीं है।

62. यदि $f(x)$ एक द्विघात व्यंजक है, जिसके लिये $f(1) + f(2) = 0$ तथा $f(x) = 0$ का एक मूल -1 , है, तो $f(x) = 0$ का दूसरा मूल है :

- (1) $-\frac{5}{8}$
- (2) $-\frac{8}{5}$
- (3) $\frac{5}{8}$
- (4) $\frac{8}{5}$

भाग C – गणित

61. ધરો કે $f : A \rightarrow B$ એ $f(x) = \frac{x-1}{x-2}$ દ્વારા વ્યાખ્યાયિત વિધેય છે, જ્યાં $A = \mathbb{R} - \{2\}$ અને $B = \mathbb{R} - \{1\}$. તો f નું _____

- (1) પ્રતિવિધેય અસ્તિત્વ ધરાવે છે અને

$$f^{-1}(y) = \frac{3y-1}{y-1}$$

- (2) પ્રતિવિધેય અસ્તિત્વ ધરાવે છે અને

$$f^{-1}(y) = \frac{2y-1}{y-1}$$

- (3) પ્રતિવિધેય અસ્તિત્વ ધરાવે છે અને

$$f^{-1}(y) = \frac{2y+1}{y-1}$$

- (4) પ્રતિવિધેય અસ્તિત્વ ધરાવતું નથી

62. જો $f(x)$ એવી દ્વિଘાત પદાવલિ હોય કે જેથી $f(1) + f(2) = 0$ અને -1 એ $f(x) = 0$ નું એક બીજી હોય, તો $f(x) = 0$ નું અન્ય બીજી _____ છે.

$$(1) -\frac{5}{8}$$

$$(2) -\frac{8}{5}$$

$$(3) \frac{5}{8}$$

$$(4) \frac{8}{5}$$

63. If $|z - 3 + 2i| \leq 4$ then the difference between the greatest value and the least value of $|z|$ is :

- (1) $2\sqrt{13}$
- (2) 8
- (3) $4 + \sqrt{13}$
- (4) $\sqrt{13}$

64. Suppose A is any 3×3 non-singular matrix and $(A - 3I)(A - 5I) = O$, where $I = I_3$ and $O = O_3$. If $\alpha A + \beta A^{-1} = 4I$, then $\alpha + \beta$ is equal to :

- (1) 8
- (2) 7
- (3) 13
- (4) 12

65. If the system of linear equations

$$\begin{aligned}x + ay + z &= 3 \\x + 2y + 2z &= 6 \\x + 5y + 3z &= b\end{aligned}$$

has no solution, then :

- (1) $a = -1, b = 9$
- (2) $a = -1, b \neq 9$
- (3) $a \neq -1, b = 9$
- (4) $a = 1, b \neq 9$

63. यदि $|z - 3 + 2i| \leq 4$ है, तो $|z|$ के अधिकतम तथा न्यूनतम मानों का अंतर है :

- (1) $2\sqrt{13}$
- (2) 8
- (3) $4 + \sqrt{13}$
- (4) $\sqrt{13}$

64. माना कि A कोई 3×3 व्युत्क्रमणीय आव्यूह है जिसके लिए $(A - 3I)(A - 5I) = O$, जहाँ $I = I_3$ तथा $O = O_3$ है। यदि $\alpha A + \beta A^{-1} = 4I$ है, तो $\alpha + \beta$ बराबर है :

- (1) 8
- (2) 7
- (3) 13
- (4) 12

65. यदि निम्न रैखिक समीकरण निकाय

$$x + ay + z = 3$$

$$x + 2y + 2z = 6$$

$$x + 5y + 3z = b$$

का कोई हल नहीं है, तो :

- (1) $a = -1, b = 9$
- (2) $a = -1, b \neq 9$
- (3) $a \neq -1, b = 9$
- (4) $a = 1, b \neq 9$

63. जो $|z - 3 + 2i| \leq 4$ तो $|z|$ नी अधिकतम किंभत अने लघुतम किंभत वर्षेनो तक्षावत _____ है.

- (1) $2\sqrt{13}$
- (2) 8
- (3) $4 + \sqrt{13}$
- (4) $\sqrt{13}$

64. धारो के A ए एक 3×3 सामान्य श्रेणिक हे अने $(A - 3I)(A - 5I) = O$, ज्यां $I = I_3$ अने $O = O_3$. जो $\alpha A + \beta A^{-1} = 4I$, तो $\alpha + \beta$ बराबर _____ है.

- (1) 8
- (2) 7
- (3) 13
- (4) 12

65. जो सुरेख समीकरण संहति

$$x + ay + z = 3$$

$$x + 2y + 2z = 6$$

$$x + 5y + 3z = b$$

ने एक पृष्ठ उक्ल न होय, तो

- (1) $a = -1, b = 9$
- (2) $a = -1, b \neq 9$
- (3) $a \neq -1, b = 9$
- (4) $a = 1, b \neq 9$

66. The number of four letter words that can be formed using the letters of the word **BARRACK** is :

- (1) 120
- (2) 144
- (3) 264
- (4) 270

67. The coefficient of x^{10} in the expansion of $(1+x)^2(1+x^2)^3(1+x^3)^4$ is equal to :

- (1) 52
- (2) 56
- (3) 50
- (4) 44

68. If a, b, c are in A.P. and a^2, b^2, c^2 are in G.P. such that $a < b < c$ and $a + b + c = \frac{3}{4}$, then the value of a is :

- (1) $\frac{1}{4} - \frac{1}{4\sqrt{2}}$
- (2) $\frac{1}{4} - \frac{1}{3\sqrt{2}}$
- (3) $\frac{1}{4} - \frac{1}{2\sqrt{2}}$
- (4) $\frac{1}{4} - \frac{1}{\sqrt{2}}$

66. शब्द **BARRACK** के अक्षरों का प्रयोग करके बनाए जा सकने वाले चार अक्षरों के सभी शब्दों की संख्या है :

- (1) 120
- (2) 144
- (3) 264
- (4) 270

67. $(1+x)^2(1+x^2)^3(1+x^3)^4$ के प्रसार में x^{10} का गुणांक बराबर है :

- (1) 52
- (2) 56
- (3) 50
- (4) 44

68. यदि a, b, c एक समांतर श्रेढ़ी में हैं तथा a^2, b^2, c^2 एक गुणोत्तर श्रेढ़ी में हैं, जबकि $a < b < c$ तथा $a + b + c = \frac{3}{4}$ है, तो a का मान है :

- (1) $\frac{1}{4} - \frac{1}{4\sqrt{2}}$
- (2) $\frac{1}{4} - \frac{1}{3\sqrt{2}}$
- (3) $\frac{1}{4} - \frac{1}{2\sqrt{2}}$
- (4) $\frac{1}{4} - \frac{1}{\sqrt{2}}$

66. **BARRACK** शब्दना मूणाक्षरोंनो उपयोग करी चार मूणाक्षरो वाणा केटलां शब्दो बनावी शकाय ?

- (1) 120
- (2) 144
- (3) 264
- (4) 270

67. $(1+x)^2(1+x^2)^3(1+x^3)^4$ नां विस्तरणमां x^{10} नो सહगुणक _____ छ.

- (1) 52
- (2) 56
- (3) 50
- (4) 44

68. जो a, b, c समांतर श्रेष्ठी (A.P.) मां अने a^2, b^2, c^2 समगुणोत्तर श्रेष्ठी (G.P.) मां होय तथा $a < b < c$ अने $a + b + c = \frac{3}{4}$ होय, तो a नी किंमत छ.

- (1) $\frac{1}{4} - \frac{1}{4\sqrt{2}}$
- (2) $\frac{1}{4} - \frac{1}{3\sqrt{2}}$
- (3) $\frac{1}{4} - \frac{1}{2\sqrt{2}}$
- (4) $\frac{1}{4} - \frac{1}{\sqrt{2}}$

69. Let $A_n = \left(\frac{3}{4}\right) - \left(\frac{3}{4}\right)^2 + \left(\frac{3}{4}\right)^3 - \dots +$

$(-1)^{n-1} \left(\frac{3}{4}\right)^n$ and $B_n = 1 - A_n$. Then,

the least odd natural number p, so that $B_n > A_n$, for all $n \geq p$, is :

- (1) 9
- (2) 7
- (3) 11
- (4) 5

70. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \tan 2x - 2x \tan x}{(1 - \cos 2x)^2}$ equals :

- (1) $\frac{1}{4}$
- (2) 1
- (3) $\frac{1}{2}$
- (4) $-\frac{1}{2}$

71. Let $f(x) = \begin{cases} (x-1)^{\frac{1}{2-x}}, & x > 1, x \neq 2 \\ k, & x = 2 \end{cases}$

The value of k for which f is continuous at $x=2$ is :

- (1) 1
- (2) e
- (3) e^{-1}
- (4) e^{-2}

69. यदि $A_n = \left(\frac{3}{4}\right) - \left(\frac{3}{4}\right)^2 + \left(\frac{3}{4}\right)^3 - \dots +$

$(-1)^{n-1} \left(\frac{3}{4}\right)^n$ तथा $B_n = 1 - A_n$ है, तो न्यूनतम

विषम पूर्णांक p, जिसके लिए सभी $n \geq p$ के लिए $B_n > A_n$ है, है :

- (1) 9
- (2) 7
- (3) 11
- (4) 5

70. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \tan 2x - 2x \tan x}{(1 - \cos 2x)^2}$ बराबर है :

- (1) $\frac{1}{4}$
- (2) 1
- (3) $\frac{1}{2}$
- (4) $-\frac{1}{2}$

71. माना, $f(x) = \begin{cases} (x-1)^{\frac{1}{2-x}}, & x > 1, x \neq 2 \\ k, & x = 2 \end{cases}$ है।

तो k का वह मूल्य, जिसके लिये $f, x=2$ पर संतत है,

- (1) 1
- (2) e
- (3) e^{-1}
- (4) e^{-2}

69. ધારો કે $A_n = \left(\frac{3}{4}\right) - \left(\frac{3}{4}\right)^2 + \left(\frac{3}{4}\right)^3 - \dots +$

$(-1)^{n-1} \left(\frac{3}{4}\right)^n$ અને $B_n = 1 - A_n$. તો બધાજ

$n \geq p$ માટે, $B_n > A_n$ થાય તેવી ન્યૂનતમ અયુગુમ
પ્રક્રિતિક સંખ્યા p કઈ છે ?

- (1) 9
- (2) 7
- (3) 11
- (4) 5

70. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \tan 2x - 2x \tan x}{(1 - \cos 2x)^2} = \underline{\hspace{2cm}}$

- (1) $\frac{1}{4}$
- (2) 1
- (3) $\frac{1}{2}$
- (4) $-\frac{1}{2}$

71. ધારો કે $f(x) = \begin{cases} (x-1)^{\frac{1}{2-x}}, & x > 1, x \neq 2 \\ k, & x = 2 \end{cases}$

$x=2$ આગળ f સતત થાય તે માટેની k ની કિંમત
 $\underline{\hspace{2cm}}$ છે.

- (1) 1
- (2) e
- (3) e^{-1}
- (4) e^{-2}

72. If $f(x) = \sin^{-1}\left(\frac{2 \times 3^x}{1 + 9^x}\right)$, then $f'\left(-\frac{1}{2}\right)$

equals :

- (1) $-\sqrt{3} \log_e \sqrt{3}$
- (2) $\sqrt{3} \log_e \sqrt{3}$
- (3) $-\sqrt{3} \log_e 3$
- (4) $\sqrt{3} \log_e 3$

73. Let $f(x)$ be a polynomial of degree 4 having extreme values at $x=1$ and $x=2$.

If $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{f(x)}{x^2} + 1 \right) = 3$ then $f(-1)$ is equal to :

- (1) $\frac{9}{2}$
- (2) $\frac{5}{2}$
- (3) $\frac{3}{2}$
- (4) $\frac{1}{2}$

72. यदि $f(x) = \sin^{-1}\left(\frac{2 \times 3^x}{1 + 9^x}\right)$ है, तो $f'\left(-\frac{1}{2}\right)$

बराबर है :

- (1) $-\sqrt{3} \log_e \sqrt{3}$
- (2) $\sqrt{3} \log_e \sqrt{3}$
- (3) $-\sqrt{3} \log_e 3$
- (4) $\sqrt{3} \log_e 3$

73. माना $f(x)$ घात 4 का एक बहुपद है जिसके $x=1$ तथा $x=2$ पर दो चरम मान (Extreme Values) हैं।

यदि $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{f(x)}{x^2} + 1 \right) = 3$, तो $f(-1)$ बराबर है :

- (1) $\frac{9}{2}$
- (2) $\frac{5}{2}$
- (3) $\frac{3}{2}$
- (4) $\frac{1}{2}$

72. यदि $f(x) = \sin^{-1}\left(\frac{2 \times 3^x}{1 + 9^x}\right)$, तो $f'\left(-\frac{1}{2}\right) =$ _____.

- (1) $-\sqrt{3} \log_e \sqrt{3}$
- (2) $\sqrt{3} \log_e \sqrt{3}$
- (3) $-\sqrt{3} \log_e 3$
- (4) $\sqrt{3} \log_e 3$

73. धरो कि $f(x)$ एक घातवाणी अंक व्युत्पन्नी है जो इन आत्यंतिक मूल्यों $x=1$ और $x=2$ के लिए विवरणित है।

यदि $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{f(x)}{x^2} + 1 \right) = 3$, तो $f(-1) =$ _____.

- (1) $\frac{9}{2}$
- (2) $\frac{5}{2}$
- (3) $\frac{3}{2}$
- (4) $\frac{1}{2}$

74. If $\int \frac{2x+5}{\sqrt{7-6x-x^2}} dx = A\sqrt{7-6x-x^2} + B \sin^{-1}\left(\frac{x+3}{4}\right) + C$

(where C is a constant of integration), then the ordered pair (A, B) is equal to :

- (1) (2, 1)
- (2) (-2, -1)
- (3) (-2, 1)
- (4) (2, -1)

75. The value of integral $\int_{\pi/4}^{3\pi/4} \frac{x}{1+\sin x} dx$ is :

- (1) $\pi\sqrt{2}$
- (2) $\pi(\sqrt{2}-1)$
- (3) $\frac{\pi}{2}(\sqrt{2}+1)$
- (4) $2\pi(\sqrt{2}-1)$

74. यदि $\int \frac{2x+5}{\sqrt{7-6x-x^2}} dx = A\sqrt{7-6x-x^2} + B \sin^{-1}\left(\frac{x+3}{4}\right) + C$

(जहाँ C एक समाकलन अचर है), तो क्रमित युग्म

(A, B) बराबर है :

- (1) (2, 1)
- (2) (-2, -1)
- (3) (-2, 1)
- (4) (2, -1)

75. समाकल $\int_{\pi/4}^{3\pi/4} \frac{x}{1+\sin x} dx$ का मान है :

- (1) $\pi\sqrt{2}$
- (2) $\pi(\sqrt{2}-1)$
- (3) $\frac{\pi}{2}(\sqrt{2}+1)$
- (4) $2\pi(\sqrt{2}-1)$

74. जैसे $\int \frac{2x+5}{\sqrt{7-6x-x^2}} dx = A\sqrt{7-6x-x^2} + B \sin^{-1}\left(\frac{x+3}{4}\right) + C$

(ज्यां C ए संकलननो अचणांक छे), तो क्रमयुक्त जोड़ (A, B) = _____.

- (1) (2, 1)
- (2) (-2, -1)
- (3) (-2, 1)
- (4) (2, -1)

75. $\int_{\pi/4}^{3\pi/4} \frac{x}{1+\sin x} dx$ नी संकल किंभत _____

धै:

- (1) $\pi\sqrt{2}$
- (2) $\pi(\sqrt{2}-1)$
- (3) $\frac{\pi}{2}(\sqrt{2}+1)$
- (4) $2\pi(\sqrt{2}-1)$

76. If $I_1 = \int_0^1 e^{-x} \cos^2 x \, dx$,

$$I_2 = \int_0^1 e^{-x^2} \cos^2 x \, dx \text{ and}$$

$$I_3 = \int_0^1 e^{-x^3} \, dx; \text{ then :}$$

- (1) $I_2 > I_3 > I_1$
- (2) $I_2 > I_1 > I_3$
- (3) $I_3 > I_2 > I_1$
- (4) $I_3 > I_1 > I_2$

77. The curve satisfying the differential equation, $(x^2 - y^2)dx + 2xydy = 0$ and passing through the point $(1, 1)$ is :
- (1) a circle of radius one.
 - (2) a hyperbola.
 - (3) an ellipse.
 - (4) a circle of radius two.

76. यदि $I_1 = \int_0^1 e^{-x} \cos^2 x \, dx$,

$$I_2 = \int_0^1 e^{-x^2} \cos^2 x \, dx \text{ तथा}$$

$$I_3 = \int_0^1 e^{-x^3} \, dx \text{ है, तो :}$$

- (1) $I_2 > I_3 > I_1$
- (2) $I_2 > I_1 > I_3$
- (3) $I_3 > I_2 > I_1$
- (4) $I_3 > I_1 > I_2$

77. वह वक्र जो अवकल समीकरण $(x^2 - y^2)dx + 2xydy = 0$ को संतुष्ट करता है तथा बिन्दु $(1, 1)$ से होकर जाता है, है :
- (1) एक वृत्त जिसकी त्रिज्या एक के बराबर है।
 - (2) एक अतिपरवलय।
 - (3) एक दीर्घवृत्त।
 - (4) एक वृत्त जिसकी त्रिज्या दो के बराबर है।

76. જે $I_1 = \int_0^1 e^{-x} \cos^2 x \, dx$,

$$I_2 = \int_0^1 e^{-x^2} \cos^2 x \, dx \text{ અને}$$

$$I_3 = \int_0^1 e^{-x^3} \, dx; \text{ તો :}$$

- (1) $I_2 > I_3 > I_1$
- (2) $I_2 > I_1 > I_3$
- (3) $I_3 > I_2 > I_1$
- (4) $I_3 > I_1 > I_2$

77. વિકલ સમીકરણ $(x^2 - y^2)dx + 2xydy = 0$ ને સંતોષતો અને બિંદુ $(1, 1)$ માંથી પસાર થતો વક્તવ્ય :
- (1) ત્રિજ્યા એક હોય તેવું કોઈ એક વર્તુળ છે.
 - (2) કોઈ એક અતિપરવલય છે.
 - (3) કોઈ એક ઉપવલય છે.
 - (4) ત્રિજ્યા બે હોય તેવું કોઈ એક વર્તુળ છે.

78. The sides of a rhombus ABCD are parallel to the lines, $x - y + 2 = 0$ and $7x - y + 3 = 0$. If the diagonals of the rhombus intersect at P(1, 2) and the vertex A (different from the origin) is on the y -axis, then the ordinate of A is :

(1) $\frac{5}{2}$
 (2) $\frac{7}{4}$
 (3) 2
 (4) $\frac{7}{2}$

79. The foot of the perpendicular drawn from the origin, on the line, $3x + y = \lambda (\lambda \neq 0)$ is P. If the line meets x -axis at A and y -axis at B, then the ratio BP : PA is :

(1) 1 : 3
 (2) 3 : 1
 (3) 1 : 9
 (4) 9 : 1

80. The tangent to the circle $C_1 : x^2 + y^2 - 2x - 1 = 0$ at the point (2, 1) cuts off a chord of length 4 from a circle C_2 whose centre is (3, -2). The radius of C_2 is :

(1) 2
 (2) $\sqrt{2}$
 (3) 3
 (4) $\sqrt{6}$

78. एक समचतुर्भुज ABCD ऐसा है जिसकी भुजायें रेखाओं $x - y + 2 = 0$ तथा $7x - y + 3 = 0$ के समांतर हैं। यदि इस समचतुर्भुज के विकर्ण बिन्दु P(1, 2) पर काटते हैं तथा एक शीर्ष A(A ≠ O, मूल बिन्दु) y -अक्ष पर है, तो A की कोटि (ordinate) है :

(1) $\frac{5}{2}$
 (2) $\frac{7}{4}$
 (3) 2
 (4) $\frac{7}{2}$

79. मूल बिन्दु से रेखा, $3x + y = \lambda (\lambda \neq 0)$ पर डाले गए लम्ब का पाद P है। यदि यह रेखा x -अक्ष को A तथा y -अक्ष को B पर काटती है, तो अनुपात BP : PA है :

(1) 1 : 3
 (2) 3 : 1
 (3) 1 : 9
 (4) 9 : 1

80. यदि वृत्त $C_1 : x^2 + y^2 - 2x - 1 = 0$ के बिन्दु (2, 1) पर खींची गई स्पर्श रेखा, एक दूसरे वृत्त C_2 , जिसका केन्द्र (3, -2) है, से लम्बाई चार के बराबर एक जीवा काटती है, तो C_2 की त्रिज्या है :

(1) 2
 (2) $\sqrt{2}$
 (3) 3
 (4) $\sqrt{6}$

78. સમબાજુ ચતુર્ભૂષા ABCD ની બાજુઓ રેખાઓ $x - y + 2 = 0$ અને $7x - y + 3 = 0$ ને સમાંતર છે. જો આ સમબાજુ ચતુર્ભૂષાના વિકણોં બિંદુ P(1, 2) આપણ છેટે અને શિરોબિંદુ A (ગુગમબિંદુ થી ભિન્ન) y -અક્ષ પર હોય, તો A નો ધામ _____ છે.

(1) $\frac{5}{2}$
 (2) $\frac{7}{4}$
 (3) 2
 (4) $\frac{7}{2}$

79. ગુગમબિંદુમાંથી રેખા $3x + y = \lambda (\lambda \neq 0)$ પર દોરેલા લંબનો લંબપાદ P છે. જો આપેલી રેખા x -અક્ષને A માં અને y -અક્ષને B માં મળે, તો ગુણોત્તર BP : PA = _____.

(1) 1 : 3
 (2) 3 : 1
 (3) 1 : 9
 (4) 9 : 1

80. વર્તુળ $C_1 : x^2 + y^2 - 2x - 1 = 0$ પરના બિંદુ (2, 1) આપણનો સ્પર્શક એ (3, -2) કેન્દ્રવાળા વર્તુળ C_2 માંથી 4 લંબાઈવાળા એક જીવા કાપે છે. તો C_2 ની ત્રિજ્યા _____ છે.

(1) 2
 (2) $\sqrt{2}$
 (3) 3
 (4) $\sqrt{6}$

81. Tangents drawn from the point $(-8, 0)$ to the parabola $y^2 = 8x$ touch the parabola at P and Q. If F is the focus of the parabola, then the area of the triangle PFQ (in sq. units) is equal to :

- (1) 24
- (2) 32
- (3) 48
- (4) 64

82. A normal to the hyperbola, $4x^2 - 9y^2 = 36$ meets the co-ordinate axes x and y at A and B, respectively. If the parallelogram OABP (O being the origin) is formed, then the locus of P is :

- (1) $4x^2 + 9y^2 = 121$
- (2) $9x^2 + 4y^2 = 169$
- (3) $4x^2 - 9y^2 = 121$
- (4) $9x^2 - 4y^2 = 169$

83. An angle between the lines whose direction cosines are given by the equations, $l + 3m + 5n = 0$ and $5lm - 2mn + 6nl = 0$, is :

- (1) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$
- (2) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{4}\right)$
- (3) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{6}\right)$
- (4) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{8}\right)$

81. बिन्दु $(-8, 0)$ से परवलय, $y^2 = 8x$ पर खींची गई स्पर्श रेखाएँ परवलय को P तथा Q पर स्पर्श करती हैं। यदि F इस परवलय की नाभि है, तो ΔPFQ का क्षेत्रफल (वर्ग इकाइयों में) बराबर है :

- (1) 24
- (2) 32
- (3) 48
- (4) 64

82. अतिपरवलय, $4x^2 - 9y^2 = 36$, पर एक अभिलम्ब निर्देशांक अक्षों x तथा y को क्रमशः A तथा B पर काटता है। यदि समान्तर चतुर्भुज OABP (O, मूल बिन्दु है) बनाया जाता है, तो P का बिन्दुपथ है :

- (1) $4x^2 + 9y^2 = 121$
- (2) $9x^2 + 4y^2 = 169$
- (3) $4x^2 - 9y^2 = 121$
- (4) $9x^2 - 4y^2 = 169$

83. रेखाओं, जिनकी दिक् कोज्याएँ समीकरणों $l + 3m + 5n = 0$ तथा $5lm - 2mn + 6nl = 0$ द्वारा प्रदत्त हैं, के बीच का एक कोण है :

- (1) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$
- (2) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{4}\right)$
- (3) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{6}\right)$
- (4) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{8}\right)$

81. બિન્ડુ $(-8, 0)$ માંથી પરવલય $y^2 = 8x$ ને દોરેલા સ્પર્શકો પરવલયને P અને Q આગળ સ્પર્શે છે. જો આ પરવલયની નાભિ F હોય, તો ત્રિકોણ PFQ નું ક્ષેત્રફળ (ચો. એકમમાં) _____ છે.

- (1) 24
- (2) 32
- (3) 48
- (4) 64

82. અતિવલય $4x^2 - 9y^2 = 36$ નો કોઈ અભિલંબ યામાંકો x અને y ને અનુક્રમે A અને B માં મળે છે. જો OABP (જ્યાં O ઉગમબિન્દુ છે) સમાન્તરબાજુ ચતુર્ભુજ બનતો હોય, તો P નો બિન્દુપથ _____ છે.

- (1) $4x^2 + 9y^2 = 121$
- (2) $9x^2 + 4y^2 = 169$
- (3) $4x^2 - 9y^2 = 121$
- (4) $9x^2 - 4y^2 = 169$

83. જે રેખાઓના દિક્કોસાઈન, સમીકરણો $l + 3m + 5n = 0$ અને $5lm - 2mn + 6nl = 0$ દ્વારા આપેલ હોય, તે રેખાઓ વચ્ચેનો એક ખૂણો _____ છે.

- (1) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$
- (2) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{4}\right)$
- (3) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{6}\right)$
- (4) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{8}\right)$

84. A plane bisects the line segment joining the points $(1, 2, 3)$ and $(-3, 4, 5)$ at right angles. Then this plane also passes through the point :

- (1) $(-3, 2, 1)$
- (2) $(3, 2, 1)$
- (3) $(-1, 2, 3)$
- (4) $(1, 2, -3)$

85. If the position vectors of the vertices A, B and C of a ΔABC are respectively

$$4\hat{i} + 7\hat{j} + 8\hat{k}, \quad 2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k} \quad \text{and}$$

$2\hat{i} + 5\hat{j} + 7\hat{k}$, then the position vector of the point, where the bisector of $\angle A$ meets BC is :

- (1) $\frac{1}{2}(4\hat{i} + 8\hat{j} + 11\hat{k})$
- (2) $\frac{1}{3}(6\hat{i} + 11\hat{j} + 15\hat{k})$
- (3) $\frac{1}{3}(6\hat{i} + 13\hat{j} + 18\hat{k})$
- (4) $\frac{1}{4}(8\hat{i} + 14\hat{j} + 19\hat{k})$

84. एक समतल बिन्दुओं $(1, 2, 3)$ तथा $(-3, 4, 5)$ को मिलाने वाले रेखाखंड को समकोण पर समद्विभाजित करता है, तो यह समतल जिस और बिन्दु से गुजरता है, वह है :

- (1) $(-3, 2, 1)$
- (2) $(3, 2, 1)$
- (3) $(-1, 2, 3)$
- (4) $(1, 2, -3)$

85. यदि एक त्रिभुज ABC के शीर्षों A, B तथा C के स्थानीय सदिश क्रमशः $4\hat{i} + 7\hat{j} + 8\hat{k}$, $2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}$ तथा $2\hat{i} + 5\hat{j} + 7\hat{k}$ हैं, तो उस बिन्दु, जहाँ $\angle A$ का समद्विभाजक BC पर मिलता है, का स्थानीय सदिश है :

- (1) $\frac{1}{2}(4\hat{i} + 8\hat{j} + 11\hat{k})$
- (2) $\frac{1}{3}(6\hat{i} + 11\hat{j} + 15\hat{k})$
- (3) $\frac{1}{3}(6\hat{i} + 13\hat{j} + 18\hat{k})$
- (4) $\frac{1}{4}(8\hat{i} + 14\hat{j} + 19\hat{k})$

84. બિંદુઓ $(1, 2, 3)$ અને $(-3, 4, 5)$ ને જોડતાં રેખાખંડને કોઈ એક સમતલ કાટખૂણે દૂબાગે છે. તો આ સમતલ _____ બિંદુમાંથી પણ પસાર થશે.

- (1) $(-3, 2, 1)$
- (2) $(3, 2, 1)$
- (3) $(-1, 2, 3)$
- (4) $(1, 2, -3)$

85. જે ΔABC ના શિરોબિંદુઓ A, B અને C ના સ્થાન સદિશો અનુક્રમે $4\hat{i} + 7\hat{j} + 8\hat{k}$, $2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}$ અને $2\hat{i} + 5\hat{j} + 7\hat{k}$ હોય, તો $\angle A$ નો દ્વિભાજક BC ને જે બિંદુમાં મળે તેનો સ્થાન સદિશ _____ છે.

- (1) $\frac{1}{2}(4\hat{i} + 8\hat{j} + 11\hat{k})$
- (2) $\frac{1}{3}(6\hat{i} + 11\hat{j} + 15\hat{k})$
- (3) $\frac{1}{3}(6\hat{i} + 13\hat{j} + 18\hat{k})$
- (4) $\frac{1}{4}(8\hat{i} + 14\hat{j} + 19\hat{k})$

86. A player X has a biased coin whose probability of showing heads is p and a player Y has a fair coin. They start playing a game with their own coins and play alternately. The player who throws a head first is a winner. If X starts the game, and the probability of winning the game by both the players is equal, then the value of ' p ' is :

- (1) $\frac{1}{5}$
- (2) $\frac{1}{3}$
- (3) $\frac{2}{5}$
- (4) $\frac{1}{4}$

87. If the mean of the data : 7, 8, 9, 7, 8, 7, λ , 8 is 8, then the variance of this data is :

- (1) $\frac{7}{8}$
- (2) 1
- (3) $\frac{9}{8}$
- (4) 2

86. एक खिलाड़ी X के पास एक अभिनत सिक्का है जिसकी चित्त (Heads) दर्शने की प्रायिकता 'p' है तथा खिलाड़ी Y के पास एक अनभिनत सिक्का है। वह अपने अपने सिक्कों द्वारा एक खेल शुरू करते हैं जिसमें उन्हें बारी बारी से खेलना है। वह खिलाड़ी जो पहले चित्त फेंकता है, विजेता माना जाता है। यदि X, खेल शुरू करता है तथा दोनों के जीतने की प्रायिकताएँ समान हैं, तो 'p' का मान है :

- (1) $\frac{1}{5}$
- (2) $\frac{1}{3}$
- (3) $\frac{2}{5}$
- (4) $\frac{1}{4}$

87. यदि आँकड़ों 7, 8, 9, 7, 8, 7, λ , 8 का माध्य 8 है, तो इन आँकड़ों का प्रसरण है :

- (1) $\frac{7}{8}$
- (2) 1
- (3) $\frac{9}{8}$
- (4) 2

86. જેલાડી X પાસે એક અભિનત (biased) સિક્કો છે જેની છાપ દેખાડવાની સંભાવના p છે અને જેલાડી Y પાસે એક સમતોલ સિક્કો છે. તેઓ પોત-પોતાના સિક્કાઓ સાથે એક રમત રમવાની શરૂઆત કરે છે તથા વારાફરથી રમે છે. જે જેલાડી સિક્કો ઉછાળી પ્રથમ છાપ મેળવે તે વિજેતા બને. જો X રમતની શરૂઆત કરે અને બન્ને જેલાડીઓની વિજેતા બનવાની સંભાવના સમાન હોય, તો 'p' ની કિંમત _____ છે.

- (1) $\frac{1}{5}$
- (2) $\frac{1}{3}$
- (3) $\frac{2}{5}$
- (4) $\frac{1}{4}$

87. જો માહિતી : 7, 8, 9, 7, 8, 7, λ , 8 નો મધ્યક 8 હોય, તો આ માહિતીનો વિચરણ _____ છે.

- (1) $\frac{7}{8}$
- (2) 1
- (3) $\frac{9}{8}$
- (4) 2

88. The number of solutions of $\sin 3x = \cos 2x$, in the interval $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$ is :

- (1) 1
- (2) 2
- (3) 3
- (4) 4

89. A tower T_1 of height 60 m is located exactly opposite to a tower T_2 of height 80 m on a straight road. From the top of T_1 , if the angle of depression of the foot of T_2 is twice the angle of elevation of the top of T_2 , then the width (in m) of the road between the feet of the towers T_1 and T_2 is :

- (1) $10\sqrt{2}$
- (2) $10\sqrt{3}$
- (3) $20\sqrt{3}$
- (4) $20\sqrt{2}$

88. $\sin 3x = \cos 2x$ के अंतराल $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$ में हलों की संख्या है :

- (1) 1
- (2) 2
- (3) 3
- (4) 4

89. एक सीधी सड़क पर 60 मी. ऊँची एक मीनार T_1 , 80 मी. ऊँची एक मीनार T_2 के ठीक सामने स्थापित हैं। यदि T_1 के शिखर से T_2 के पाद का अवनमन कोण, T_2 के शिखर के उन्नयन कोण का दुगुना है, तो मीनारों T_1 तथा T_2 के पादों के बीच सड़क की चौड़ाई (मीटरों में) है :

- (1) $10\sqrt{2}$
- (2) $10\sqrt{3}$
- (3) $20\sqrt{3}$
- (4) $20\sqrt{2}$

88. $\sin 3x = \cos 2x$ ना $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$ अंतरालमां ઉક્લોની સંખ્યા _____ છે.

- (1) 1
- (2) 2
- (3) 3
- (4) 4

89. 60 મીટર ઊંચાઈ ધરાવતું એક ટાવર T_1 , 80 મીટર ઊંચાઈ ધરાવતાં એક ટાવર T_2 ની બરાબર સામે જ એક સીધા રસ્તા પર આવેલું છે. T_1 ની ટોચથી, T_2 ના તળિયાનો અવસેધકોણ જો T_2 ના ટોચના ઉત્સેધકોણથી બમણો હોય, તો ટાવર T_1 અને T_2 નાં તળિયાઓ વચ્ચેના રસ્તાની પહેણાઈ (મીટર માં) _____ છે.

- (1) $10\sqrt{2}$
- (2) $10\sqrt{3}$
- (3) $20\sqrt{3}$
- (4) $20\sqrt{2}$

90. Consider the following two statements :

Statement p :

The value of $\sin 120^\circ$ can be derived by taking $\theta = 240^\circ$ in the equation

$$2\sin \frac{\theta}{2} = \sqrt{1 + \sin \theta} - \sqrt{1 - \sin \theta}.$$

Statement q :

The angles A, B, C and D of any quadrilateral ABCD satisfy the equation

$$\cos\left(\frac{1}{2}(A + C)\right) + \cos\left(\frac{1}{2}(B + D)\right) = 0$$

Then the truth values of p and q are respectively :

- (1) F, T
- (2) T, F
- (3) T, T
- (4) F, F

- o o o -

90. निम्न दो कथनों पर विचार कीजिए :

कथन p :

$\sin 120^\circ$ का मान, समीकरण

$$2\sin \frac{\theta}{2} = \sqrt{1 + \sin \theta} - \sqrt{1 - \sin \theta}$$

$\theta = 240^\circ$ लेने से ज्ञात किया जा सकता है।

कथन q :

किसी चतुर्भुज ABCD के कोण A, B, C तथा D, समीकरण

$$\cos\left(\frac{1}{2}(A + C)\right) + \cos\left(\frac{1}{2}(B + D)\right) = 0$$

को संतुष्ट करते हैं।

तो p तथा q के सत्यमान, क्रमशः हैं :

- (1) F, T
- (2) T, F
- (3) T, T
- (4) F, F

- o o o -

90. नीचेनां दो विधानों विचारो :

विधान p :

$\sin 120^\circ$ नी किंमत समीकरण

$$2\sin \frac{\theta}{2} = \sqrt{1 + \sin \theta} - \sqrt{1 - \sin \theta}.$$

मां $\theta = 240^\circ$ लेता भेणवी शकाय.

विधान q :

કोઈपણ ચતુર્ભુજ ABCD ના ખૂણાઓ A, B, C અને D સમીકરણ

$$\cos\left(\frac{1}{2}(A + C)\right) + \cos\left(\frac{1}{2}(B + D)\right) = 0$$

નું સમાધાન કરે.

તો p અને q ના સત્યાર્થતા મૂલ્યો અનુક્રમે _____ છે.

- (1) F, T
- (2) T, F
- (3) T, T
- (4) F, F

- o o o -