

గమనిక : ఈ ప్రశ్నాపత్రములో A, B, C అను మూడు సెక్షన్లు వుంటాయి.

SECTION - A

10 × 2 = 20

అతిస్వల్ప సమాధాన తరహా ప్రశ్నలు

అన్ని ప్రశ్నలకు సమాధానాలు వ్రాయండి. ప్రతి ప్రశ్నకు 2 మార్కులు.

1. $x^2 + y^2 - 6x + 4y - 12 = 0$ వృత్త సమీకరణానికి పరామితీయ సమీకరణాలను కనుక్కోండి.
2. $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z = 11$ గోళానికి కేంద్రము, వ్యాసార్థాలను కనుక్కోండి.
3. $2x + 3y + 4 = 0$, $x + y + k = 0$ సరళరేఖలు $y^2 = 8x$ దృష్ట్యా సాయుగ్మాలయితే k విలువను కనుక్కోండి.
4. దీర్ఘవృత్తములో నాభాలంబము పొడవు. ప్రాస్టాక్షము పొడవులో సగము వుంటే ఉత్కేంద్రీయతను కనుక్కోండి.
5. $\log(4 - x^2)$, $|x| < 2$ కు n వ అవకలశాన్ని కనుక్కోండి.
6. $\int \frac{e^x(1+x)}{\cos^2(xe^x)} dx$ విలువను $I \subset R \setminus \{x \in R : \cos(xe^x) = 0\}$ పై కనుక్కోండి.
7. $\int e^x \left(\frac{1+x \log x}{x} \right) dx$ విలువను $(0, \infty)$ పై కనుక్కోండి.
8. $\int_0^{\pi/2} \sin^4 x \cos^5 x dx$ విలువను కనుక్కోండి.
9. $x = 4 - y^2$, $x = 0$ అ మధ్య ప్రదేశ వైశాల్యాన్ని కనుక్కోండి.
10. $\frac{d^2y}{dx^2} = \left[1 + \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 \right]^{5/3}$ అవకలన సమీకరణానికి పరిమాణము, తరగతులను కనుక్కోండి.

SECTION - B

5 × 4 = 20

స్వల్ప సమాధాన తరహా ప్రశ్నలు

ఏదైనా 5 ప్రశ్నలకు సమాధానాలు వ్రాయండి. ప్రతి ప్రశ్నకు 4 మార్కులు.

11. X -అక్షముపై కేంద్రము వుండే వృత్తము $(-2, 3)$, $(4, 5)$ బిందువుల ద్వారా పోతుంటే ఆ వృత్త సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.

12. $x^2 + y^2 = 2a^2$ వృత్తము, $y^2 = 8ax$ పరావలయాల ఉమ్మడిస్పర్శరేఖల సమీకరణాలు $y = \pm(x + 2a)$ అని చూపండి.
13. $4x^2 + y^2 - 8x + 2y + 1 = 0$ దీర్ఘవృత్తానికి ఉత్కేంద్రీయత, నాభులు, నియతరేఖల సమీకరణాలను కనుక్కోండి.
14. శాంఖ్యానికే ప్రమాణరూపములో దృవ సమీకరణము $\frac{l}{r} = 1 + e \cos \theta$ అని చూపండి.
15. $\int \frac{dx}{5 + 4 \cos x}$ విలువను కనుక్కోండి.
16. $(x^2 + y^2) dx = 2xy dy$ అవకలన సమీకరణాన్ని సాధించండి.
17. $(1 + x^2) \frac{dy}{dx} + y = e^{\tan^{-1} x}$ అవకలన సమీకరణాన్ని సాధించండి.

SECTION - C

5 × 7 = 35

దీర్ఘ సమాధాన తరహా ప్రశ్నలు

ఏదైనా 5 ప్రశ్నలకు సమాధానాలు వ్రాయండి. ప్రతి ప్రశ్నకు 7 మార్కులు.

18. $x^2 + y^2 - 6x - 2y + 1 = 0$, $x^2 + y^2 + 2x - 8y + 13 = 0$ వృత్తాలు పరస్పరము స్పృశించుకుంటూ యని చూపి స్పర్శబిందువును, స్పర్శబిందువు వద్ద ఉమ్మడిస్పర్శరేఖ సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.
19. $x^2 + y^2 + 10x - 4y - 1 = 0$, $x^2 + y^2 + 5x + y + 4 = 0$ వృత్తాలు వుండే సహజవృత్తసరళికి అవధి బిందువులను కనుక్కోండి.
20. $y^2 = 4ax$ పరావలయము దృష్ట్యా $x^2 - y^2 = a^2$ దీర్ఘచతురస్ర అతిపరావలయ స్పర్శరేఖల దృవాలు $4x^2 + y^2 = 4a^2$ దీర్ఘవృత్తముపై వుంటాయని చూపండి.
21. $y = \cos(m \log x)$, $x > 0$ అయితే $x^2 y_2 + x y_1 + m^2 y = 0$ అనిచూపి, దీని నుండి $x^2 y_{n+2} + (2n + 1) x y_{n+1} + (m^2 + n^2) y_n = 0$ ను రాబట్టండి.
22. $\int \frac{x+1}{x^2 + 3x + 12} dx$ విలువను కనుక్కోండి.
23. $\int_0^1 \frac{\log(1+x)}{1+x^2} dx$ విలువను కనుక్కోండి.
24. సింప్లస్ నియామన్ని వుపయోగించి $[0, 1]$ ను నాలుగు సమాన భాగాలు చేస్తూ, $\int_0^1 \frac{1}{1+x^2} dx$ నుండి π ఘనము విలువను కనుక్కోండి.