

INTERMEDIATE PUBLIC EXAMINATION, MAY 2009

(First Year-Year-wise Scheme)

Part III - Sciences

MATHEMATICS PAPER - I(B) (New)
COORDINATE GEOMETRY (2D & 3D) AND CALCULUS

Time : 3 Hours

(Telugu Version)

Max. Marks : 75

గమనిక : ప్రశ్నాపత్రములో A, B, C అను మూడు సెక్షన్లు వుంటాయి.

సెక్షన్ A

10 × 2 = 20

అతిస్వల్ప సమాధాన తరహా ప్రశ్నలు

అన్ని ప్రశ్నలకు సమాధానాలు వ్రాయండి. ప్రతి ప్రశ్నకు 2 మార్కులు.

- (2, 3) బిందువు ద్వారా వోతూ, నిరూపకాక్షాలపై శూన్యేతర అంతరఖండాలు మొత్తము శూన్య మయేట్లు చేసే సరళరేఖ సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.
- $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$, $\frac{x}{b} + \frac{y}{a} = 1$ సరళరేఖల మధ్య కోణము θ అయితే $\sin \theta$ ($a > b$) ను కనుక్కోండి.
- (2, -1, 3), (3, -5, t), (-1, 11, 9) బిందువులు సరేఖీయాలయితే t విలువను కనుక్కోండి.
- (1, 1, 1) బిందువు ద్వారా వోతూ, $x + 2y + 3z - 7 = 0$ తలానికి సమాంతరంగా వుండి తలానికి సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.
- $f(x) = [x] + x$ ప్రమేయానికి $x = 2$ వద్ద అవిచ్ఛిన్నతను పరిక్షించండి.
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(a + bx) - \sin(a - bx)}{x}$ ను కనుక్కోండి.
- $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8|x| + 3x}{3|x| - 2x}$ ను కనుక్కోండి.
- $y = \{\cot^{-1}(x^3)\}^2$ అయితే $\frac{dy}{dx}$ ను కనుక్కోండి.
- $\sqrt{82}$ కు ఘమారు విలువను కనుక్కోండి.
- $y^2 = 4ax$ వక్రానికి ఏ బిందువు వద్దనైనా ఉపలంబఖండము పొడవు స్థిరమని చూపండి.

సెక్షన్ B

5 × 4 = 20

స్వల్ప సమాధాన తరహా ప్రశ్నలు

ఏవైనా 5 ప్రశ్నలకు సమాధానాలు వ్రాయండి. ప్రతి ప్రశ్నకు 4 మార్కులు.

- A(2, 3), B(1, 5), C(-1, 2) లు వమూడు బిందువులు. P అను బిందువు $PA^2 + PB^2 = 2PC^2$, అయ్యేటట్లు వుంటే P బిందువధ సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.
- మూల బిందువును (2, 3) బిందువుకు సమాంతర పరివర్తన చేసినప్పుడు ఒక వక్ర సమీకరణము $x^2 + 3xy - 2y^2 + 17x - 7y - 11 = 0$ గా రూపాంతరము చెందితే ఆ వక్రానికి తొలి సమీకరణమును కనుక్కోండి.

13. $3x + 2y + 4 = 0$, $2x + 5y = 1$ సరళరేఖల ఖండన బిందువు ద్వారా వికేతా, $(2, -1)$ నుండి 2 యూనిట్ల దూరములో వుండే సరళరేఖల సమీకరణాలను కనుక్కోండి.
14. $f(x) = x \sin x$ ప్రమేయానికి ప్రధమ సూక్రము ఉపయోగించి అవకలనాన్ని కనుక్కోండి.
15. $f(x) = \tan^{-1} \left(\frac{\sqrt{1+x^2} - 1}{x} \right)$ ను $g(x) = \tan^{-1} x$ దృష్టి అవకలనం చేయండి.
16. ఒక పైపు నుండి ఇసుక 12 ఘ.సెం.మీ./సె.రేటున కుప్పగా పడుతుంది. ఈ కుప్ప శంకువు ఆకారంలో దాని ఎత్తు భూ వ్యాసార్థములో ఆరవ వంతు వుండేట్లు ఏర్పడుతుంటే, ఎత్తు 4 సెం.మీ. వున్నప్పుడు ఎత్తులో పెరుగుదల రేటును కనుక్కోండి.
17. $u^2 = \frac{1}{x^2 + y^2 + z^2}$, అయితే $\sum \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0$ అని చూపండి.

సెక్షన్ C

5 × 7 = 35

దీర్ఘ సమాధాన తరహా ప్రశ్నలు

పైనైనా 5 ప్రశ్నలకు సమాధానాలు వ్రాయండి. ప్రతి ప్రశ్నకు 7 మార్కులు.

18. త్రిభుజము యొక్క భుజాలను $7x + y - 10 = 0$, $x - 2y + 5 = 0$, $x + y + 2 = 0$ సమీకరణాలు సూచిస్తుంటే ఆ త్రిభుజ లంబ కేంద్రాన్ని కనుక్కోండి.
19. $ax^2 + 2hxy + by^2 = 0$ సమీకరణము ఒక జత విభిన్న రేఖలను సూచిస్తుంటే ఈ రేఖల మధ్య కోణ సమబ్ది ఖండన రేఖాయుగ్మ సమీకరణము $h(x^2 - y^2) = (a - b)xy$ అని చూపండి.
20. $mx^2 - 10xy + 12y^2 + 5x - 16y - 3 = 0$ సమీకరణము ఒక రేఖాయుగ్మాన్ని సూచిస్తే, m ను కనుక్కోండి. ఈ m విలువకు రేఖాయుగ్మ ఖండన బిందువును, కోణాన్ని కనుక్కోండి.
21. రెండు సరళరేఖల దిక్ కొసైన్ల మధ్య సంబంధాలు $l - 5m + 3n = 0$, $7l^2 + 5m^2 - 3n^2 = 0$ అయితే ఆ సరళరేఖల దిక్ కొసైన్లను కనుక్కోండి.
22. $f(x) = (a^2 - b^2)^{-1/2} \cdot \cos^{-1} \left(\frac{a \cos x + b}{a + b \cos x} \right)$ అయితే $f'(x) = (a + b \cos x)^{-1}$, $(a > b > 0, 0 < x < \pi)$ అని చూపండి.
23. $2y^2 - 9x = 0$, $3x^2 + 4y = 0$ (4వ పాదములో) వక్రాల మధ్య కోణాన్ని కనుక్కోండి.
24. ఒక కిటికీ దీర్ఘచతురస్రముపై అర్థ వృత్తాన్ని బోల్లించినట్లు వున్నది. కిటికీ చుట్టుకొలత 20 అడుగులు అయితే కిటికీకి గరిష్ట వైశాల్యాన్ని కనుక్కోండి.